

Program studiów**Część A) programu studiów****Efekty uczenia się**

Wydział prowadzący studia:		Wydział Matematyki i Informatyki
Kierunek, na którym są prowadzone studia:		matematyka
Poziom studiów:		studia drugiego stopnia
Poziom Polskiej Ramy Kwalifikacji:		poziom 7
Profil studiów:		ogólnoakademicki
Tytuł zawodowy uzyskiwany przez absolwenta:		magister
Przyporządkowanie kierunku do dyscypliny naukowej lub artystycznej (dyscyplin), do których odnoszą się efekty uczenia się:		Dyscyplina: matematyka (100%) Dyscyplina wiodąca: matematyka
Symbol	Po ukończeniu studiów absolwent osiąga następujące efekty uczenia się:	
WIEDZA		
K_W01	Absolwent: posiada pogłębioną wiedzę z zakresu podstawowych działów matematyki	
K_W02	dobrze rozumie rolę i znaczenie konstrukcji rozumowań matematycznych	
K_W03	ma pogłębioną wiedzę w wybranej dziedzinie matematyki teoretycznej lub stosowanej, w tym: zna klasyczne pojęcia i twierdzenia oraz ich dowody; jest w stanie rozumieć sformułowania zagadnień pozostających na etapie badań	
K_W04	zna powiązania zagadnień wybranej dziedziny z innymi działami matematyki teoretycznej i stosowanej	
K_W05	zna zasady bezpieczeństwa i higieny pracy w stopniu wystarczającym do samodzielnej pracy w zawodzie matematyka	
K_W06	ma podstawową wiedzę dotyczącą ochrony własności intelektualnej, w tym praw autorskich	
UMIEJĘTNOŚCI		
K_U01	Absolwent: posiada umiejętność konstruowania rozumowań matematycznych: dowodzenia twierdzeń i doboru kontrprzykładów	
K_U02	posiada umiejętność wyrażania treści matematycznych w mowie i na piśmie, w tekstach matematycznych o różnym charakterze	
K_U03	umie sprawdzić poprawność wnioskowań w budowaniu dowodów formalnych	
K_U04	swobodnie posługuje się narzędziami algebry i analizy, w tym teorii miary i całki Lebesgue'a, metodami rozwiązywania klasycznych równań różniczkowych, elementami topologii, analizy zespolonej i funkcjonalnej.	
K_U05	przy rozwiązywaniu problemów potrafi odpowiednio dobrać i wykorzystać pakiety oprogramowania lub inne narzędzia z zakresu nowoczesnych technik informacyjno-komunikacyjnych	
K_U06	umie stosować oraz przedstawiać w mowie i na piśmie metody co najmniej jednej wybranej gałęzi matematyki: analizy matematycznej i analizy funkcjonalnej, teorii równań różniczkowych i układów dynamicznych, algebry i teorii liczb, geometrii i topologii, rachunku prawdopodobieństwa i statystyki, matematyki dyskretniej i teorii grafów, logiki i teorii mnogości	

K_U07	w wybranej dziedzinie potrafi przeprowadzać dowody, w których stosuje w razie potrzeby również narzędzia z innych działów matematyki
K_U08	samodzielnie i efektywnie pracuje z dużą ilością danych, dostrzega zależności i poprawnie wyciąga wnioski posługując się zasadami logiki; potrafi precyzyjnie formułować pytania, służące pogłębieniu własnego zrozumienia danego tematu lub odnalezieniu brakujących elementów rozumowania
K_U09	potrafi określić swoje zainteresowania i je rozwijać; w szczególności jest w stanie nawiązać kontakt ze specjalistami w swojej dziedzinie, np. rozumieć ich wykłady przeznaczone dla młodych matematyków
K_U10	umie posługiwać się językiem angielskim na poziomie średniozaawansowanym i stosować słownictwo specjalistyczne pozwalające na czytanie literatury fachowej (czyli poziom B2+)
K_U11	skutecznie przekazuje innym osiągnięcia matematyki w zrozumiałym sposób; dostosowuje poziom i formę prezentacji do potrzeb i możliwości odbiorcy; rozumie potrzebę popularnego przedstawiania laikom wybranych osiągnięć matematyki wyższej
K_U12	nawiązuje i utrzymuje długotrwałą i efektywną współpracę z innymi; dąży do realizacji celów zespołu poprzez odpowiednie zaplanowanie i organizację pracy swojej i innych; motywuje współpracowników do zwiększenia wysiłku w celu osiągnięcia założonych celów
K_U13	w pełni samodzielnie realizuje uzgodnione cele, podejmując samodzielne i czasami trudne decyzje; potrafi samodzielnie wyszukiwać informacje w literaturze, także w językach obcych
K_U14	jest nastawiony na nieustanne zdobywanie nowej wiedzy, umiejętności i doświadczeń; widzi potrzebę ciągłego doskonalenia się i podnoszenia kompetencji zawodowych; zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia; rozumie potrzebę systematycznego zapoznawania się z matematycznymi czasopismami naukowymi i popularnonaukowymi w celu poszerzania i pogłębiania wiedzy; potrafi inspirować i organizować proces uczenia się innych osób
KOMPETENCJE SPOŁECZNE	
K_K01	Absolwent jest gotów do: przestrzegania zasad i norm obowiązujących matematyka, w tym norm etycznych, zachowywania uczciwości intelektualnej
K_K02	wypełniania zobowiązań społecznych, służenia swoją wiedzą i umiejętnościami, twórczego myślenia w celu udoskonalania istniejących bądź stworzenia nowych rozwiązań
K_K03	krytycznej oceny swojej wiedzy i dalszego jej doskonalenia z wykorzystaniem różnych źródeł informacji
K_K04	pokonywania trudności stojących na drodze do realizacji założonego celu i systematycznej pracy nad wszelkimi projektami, które mają długofalowy charakter

Opis procesu prowadzącego do uzyskania efektów uczenia się

Część B) programu studiów

Wydział prowadzący kierunek studiów:	Wydział Matematyki i Informatyki
Kierunek, na którym są prowadzone studia:	matematyka
Poziom studiów:	studia drugiego stopnia
Poziom Polskiej Ramy Kwalifikacji:	poziom 7
Profil studiów:	ogólnoakademicki
Przyporządkowanie kierunku do dyscypliny naukowej lub artystycznej (dyscyplin), do których odnoszą się efekty uczenia się:	Dyscyplina: matematyka (100%) Dyscyplina wiodąca: matematyka
Forma studiów:	stacjonarne
Liczba semestrów:	4
Liczba punktów ECTS konieczna do ukończenia studiów na danym poziomie:	Specjalność: zastosowania matematyki w ekonomii i finansach – 120 ogólna – 120 teoretyczna – 120 nauczanie matematyki (po specjalnościach nauczycielskich) – 127 nauczanie matematyki (po specjalnościach nienauczycielskich) - 130 nauczanie matematyki i informatyki – 123
Łączna liczba godzin zajęć dydaktycznych:	Specjalność: zastosowania matematyki w ekonomii i finansach – 948 ogólna - 934 nauczanie matematyki (po specjalnościach nauczycielskich) – 1170 nauczanie matematyki (po specjalnościach nienauczycielskich) - 1295 nauczanie matematyki i informatyki – 1155
Tytuł zawodowy nadawany absolwentom:	magister
Wskazanie związku programu studiów z misją i strategią UMK:	Jednym z trzech aspektów misji Uniwersytetu Mikołaja Kopernika jest nauczanie na poziomie akademickim oraz prowadzenie innych form działalności edukacyjnej i popularyzatorskiej, odpowiadających aktualnym i przyszłym potrzebom i aspiracjom społeczeństwa. Zdobycie wiedzy łączy z rozwojem kompetencji społecznych.. Program studiów Analiza danych wpisuje się w Strategię Rozwoju Uniwersytetu Mikołaja Kopernika na lata 2021 –2026, w szczególności w cele operacyjne: II.1.2. Kształtowanie kluczowych kompetencji, w szczególności społecznych i emocjonalnych, a także samoorganizację, twórcze myślenie, przedsiębiorczość oraz kompetencje cyfrowe, II.2.1. Zapewnienie powiązania oferowanych treści kształcenia z działalnością naukową, II.3.2 Zwiększenie praktycznego wymiaru kształcenia w oparciu o zidentyfikowane potrzeby rynku pracy.

Przedmioty/grupy zajęć wraz z zakładanymi efektami uczenia się				
Grupy przedmiotów	Przedmiot	Zakładane efekty uczenia się	Formy i metody kształcenia zapewniające osiągnięcie efektów uczenia się	Sposoby weryfikacji i oceny efektów uczenia się osiągniętych przez studenta
Grupa I. Podstawowa	Analiza zespolona	<p>Wiedza. Student(ka): zna podstawy analizy funkcji zespolonych, rozumie pojęcie pochodnej i całki funkcji zespolonej, zna klasyczne twierdzenia analizy zespolonej.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): definiuje podstawowe pojęcia analizy zespolonej, w tym pochodnej funkcji, holomorficzności, całki krzywoliniowej, rozwinięcia Taylora, rozwinięcia Laurenta, residuum funkcji, punktów osobliwych; analizuje własności poznanych obiektów, wyznacza granice funkcji, sumy szeregów, całki krzywoliniowe, residua funkcji, a także całki niewłaściwe przy pomocy residuów.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Analiza funkcjonalna	<p>Wiedza. Student(ka): zna podstawowe przykłady przestrzeni: Banacha, Hilberta, Frecheta, liniowo-topologicznych, lokalnie wypukłych; operuje pojęciem przestrzeni sprzężonej (rozumie znaczenie obiektów dualnych, w szczególności operuje pojęciem refleksywności). Rozumie klasyczne twierdzenia analizy funkcjonalnej: tw. o odwzorowaniu otwartym, domkniętym wykresie, zasadę jednostajnej ograniczoności, twierdzenie Banacha-Alaoglu, twierdzenie Kreina-Milmana; rozumie pojęcia słabych topologii w przestrzeniach Banacha; rozumie pojęcie układu ortonormalnego zupełnego w przestrzeni Hilberta i pojęcie szeregu Fouriera; w klasycznej sytuacji szeregów Fouriera funkcji okresowych rozumie związki pomiędzy regularnością (gładkością) funkcji i prędkością malenia do zera transformaty Fouriera.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): umie stosować klasyczne twierdzenia analizy funkcjonalnej; potrafi wykorzystywać pojęcie słabej topologii; potrafi rozwijać w szereg Fouriera funkcje okresowe i całkowne.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu

	Topologia z elementami geometrii	<p>Wiedza. Student(ka): zna i rozumie w pogłębionym stopniu własności topologiczne podzbiorów przestrzeni euklidesowych i metrycznych w odniesieniu do podstawowych pojęć topologii, zna wybrane powiązania topologii z geometrią podzbiorów przestrzeni euklidesowych.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi analizować topologiczne własności konkretnych zbiorów i wyznaczać ich wnętrza i domknięcia, potrafi badać równoważność obiektów topologicznych ze względu na wybrane relacje równoważności (homeomorficzność, homotopijną równoważność, homotopijność, itp.) rozpoznaje i bada własności rozmaitości topologicznych zanurzonych w przestrzeniach euklidesowych, potrafi wykorzystywać własności topologiczne zbiorów i funkcji do rozwiązywania zadań o charakterze jakościowym, potrafi stosować wiedzę z zakresu topologii do analizy obiektów geometrycznych.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
Grupa I(n). Podstawowa (dla specjalności nauczycielskich)	Analiza zespolona	<p>Wiedza. Student(ka): zna podstawy analizy funkcji zespolonych, rozumie pojęcie pochodnej i całki funkcji zespolonej, zna klasyczne twierdzenia analizy zespolonej.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): definiuje podstawowe pojęcia analizy zespolonej, w tym pochodnej funkcji, holomorficzności, całki krzywoliniowej, rozwinięcia Taylora, rozwinięcia Laurenta, residuum funkcji, punktów osobliwych; analizuje własności poznanych obiektów, wyznacza granice funkcji, sumy szeregów, całki krzywoliniowe, residua funkcji, a także całki niewłaściwe przy pomocy residuów.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Klasyczne przestrzenie funkcyjne	<p>Wiedza. Student(ka): zna przykłady przestrzeni Frecheta, Banacha oraz Hilberta, klasyczne twierdzenia analizy funkcjonalnej (np. twierdzenie o reprezentacji Riesz, twierdzenie Banacha o punkcie stałym, twierdzenie Arzela-Ascoli), pojęcie szeregu Fouriera oraz transformaty Fouriera.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi: stosować twierdzenia analizy funkcjonalnej (np. w teorii równań różniczkowych zwyczajnych i cząstkowych).</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu

	Topologia z elementami geometrii	<p>Wiedza: Student(ka): zna i rozumie w pogłębionym stopniu własności topologiczne podzbiorów przestrzeni euklidesowych i metrycznych w odniesieniu do podstawowych pojęć topologii, zna wybrane powiązania topologii z geometrią podzbiorów przestrzeni euklidesowych.</p> <p>Umiejętności: Student(ka): potrafi analizować topologiczne własności konkretnych zbiorów i wyznaczać ich wnętrza i domknięcia, potrafi badać równoważność obiektów topologicznych ze względu na wybrane relacje równoważności (homeomorficzność, homotopijną równoważność, homotopijność, itp.) rozpoznaje i bada własności różnorodności topologicznych zanurzonych w przestrzeniach euklidesowych, potrafi wykorzystywać własności topologiczne zbiorów i funkcji do rozwiązywania zadań o charakterze jakościowym, potrafi stosować wiedzę z zakresu topologii do analizy obiektów geometrycznych.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
Grupa II(mef). Przedmioty specjalnościowe specjalności "zastosowania matematyki w ekonomii i finansach"	Analiza dynamiczna procesów ekonomicznych	<p>Wiedza. Student(ka): -zna przykłady modeli matematycznych opisujących wybrane, zachodzące w czasie, procesy ekonomiczne, - zna zależności między analizą jakościową różniczkowych i różnicowych równań zwyczajnych a zjawiskami ekonomicznymi,</p> <p>Umiejętności. Student(ka): - posługuje się metodami równań różniczkowych i różnicowych w konstrukcji i analizie matematycznych modeli zjawisk ekonomicznych. - umie dostrzegać i interpretować struktury i własności topologiczne w zagadnieniach ekonomicznych,</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Jakościowa teoria równań różniczkowych zwyczajnych	<p>Wiedza. Student(ka): - zna i rozumie pojęcie i własności potoku indukowanego przez równanie różniczkowe zwyczajne, - zna klasyfikację portretów fazowych równań różniczkowych w otoczeniu położenia równowagi, - zna warunki wystarczające istnienia i bifurkacji rozwiązań okresowych równań różniczkowych zwyczajnych, - ma opanowane pojęcia obszaru eliptycznego i hiperbolicznego oraz zna ich związki</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące, laboratorium, metody poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, zaliczenie laboratorium egzamin z wykładu

		<p>z indeksem izolowanego położenia równowagi równania różniczkowego.</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna wybrane pakiety oprogramowania służące do obliczeń symbolicznych i numerycznych, <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - analizuje i klasyfikuje portrety fazowe równań różniczkowych zwyczajnych, - stosuje metody linearyzacji do opisu struktury jakościowej portretu fazowego równania różniczkowego w otoczeniu położenia równowagi, - poprawnie orzeka istnienie (nieistnienie) i bifurkację rozwiązań okresowych równań różniczkowych, - bada stabilność rozwiązań równań różniczkowych zwyczajnych, - potrafi szacować liczbę obszarów eliptycznych i hiperbolicznych w otoczeniu izolowanego położenia równowagi planarnego równania różniczkowego, - przeprowadza analizę jakościową modeli matematycznych opisujących zjawiska naturalne. - umie wykorzystywać odpowiednie programy komputerowe do badania równań różniczkowych zwyczajnych 		
	Konwersatorium z równań różniczkowych zwyczajnych	<p>Wiedza. Student(ka): zna pojęcia wstępne i przykłady w dziedzinie równań różniczkowych zwyczajnych, w tym związane z liniowymi równaniami różniczkowymi. Zna pojęcie i własności lokalnego potoku indukowanego przez równanie różniczkowe zwyczajne. Zna klasyfikację portretów fazowych dla liniowych równań różniczkowych.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): swobodnie posługuje się metodami rozwiązywania klasycznych równań różniczkowych (potrafi rozwiązywać podstawowe typy równań różniczkowych zwyczajnych, w szczególności układy równań różniczkowych liniowych o stałych współczynnikach).</p>	konwersatorium, metody poszukujące	Zaliczenie na ocenę
	Modele ciągle matematyki finansowej	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada wiedzę z zakresu analizy stochastycznej (m.in. zna pojęcie procesu Wienera, martyngału, całki stochastycznej Ito, zna wzór Ito, twierdzenie Girsanowa, wzór Kaca-Feynmana oraz podstawowe twierdzenia o istnieniu i jednoznaczności rozwiązań równań stochastycznych Ito), - potrafi opisać klasyczny model Blacka-Scholesa rynku finansowego i zna podstawowe pojęcia dotyczące wyceny opcji typu europejskiego, zna podstawowe twierdzenia o wycenie takich opcji w modelu Blacka-Scholesa, - zna metody szacowania parametru zmienności w modelu Blacka-Scholesa 	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu

		<p>(szacowanie na podstawie danych historycznych cen akcji oraz na podstawie rynkowych cen opcji) oraz metody numeryczne szacowania ceny sprawiedliwej (aproksymacja dwumianowa, metody Monte Carlo).</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - umie posługiwać się własnościami martynałów i całki Ito w praktyce (np. umie sprawdzać, czy niektóre ważne procesy są martynałami, umie wyliczać ich wariację kwadratową, umie wyliczać łączną wariację kwadratową dwóch procesów Ito, itp.) - umie posługiwać się wzorem Ito (m. in. w oparciu o wzór Ito potrafi wyprowadzić wzory na rozwiązania stochastycznych równań liniowych typu multiplikatywnego) - potrafi podać interpretację ekonomiczną podstawowych typów kontraktów opcyjnych (opcje kupna i sprzedaży) i umie praktycznie je wycenić w klasycznym modelu Blacka-Scholesa (od wyznaczania parametrów modelu na podstawie ogólnie dostępnych danych aż do numerycznego przybliżenia ceny sprawiedliwej), - umie numerycznie zbadać wpływ zmian parametrów modelu i funkcji wypłaty na zmianę ceny sprawiedliwej opcji o tej funkcji wypłaty. 		
	Procesy stochastyczne	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna podstawy teorii procesów stochastycznych i rozumie znaczenie rozkładów skończenie wymiarowych jako podstawowych charakterystyk procesów. Zna pojęcia oraz najważniejsze własności łańcuchów Markowa, procesów stacjonarnych, gaussowskich, Poissona, Wienera i martynałów. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi budować modele stochastyczne opisujące ewolucję układów losowych. Umie sformułować fundamentalne twierdzenia graniczne teorii procesów stochastycznych oraz wskazać przykłady ich wykorzystania w modelowaniu zjawisk losowych. Właściwie interpretuje charakterystyki liczbowe procesów stochastycznych. 	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Równania różniczkowe cząstkowe	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna klasyfikację równań różniczkowych cząstkowych oraz równania różniczkowe cząstkowe spotykane w naukach przyrodniczych oraz modelach innych nauk (w ekonomii, technice), - posiada wiedzę dot. interpretacji równań transportu, równania ciepła, reakcji dyfuzji, równań struny i membrany, równania falowego, - zna metody rozwiązań podstawowych typów równań; zna pojęcia zbioru i funkcji Greena, słabego rozwiązania oraz przestrzeni Sobolewa i sposoby ich zastosowania, 	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu

		<p>- posiada ogólną wiedzę nt. związków teorii równań różniczkowych cząstkowych z innymi dziedzinami matematyki takimi jak analiza matematyczna, analiza funkcjonalna, topologia, teoria prawdopodobieństwa.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): - potrafi analizować, interpretować i rozpoznawać (sklasyfikować) typy równań różniczkowych cząstkowych, -potrafi rozwiązywać zagadnienia wybranych typów, np. quasi-liniowe równania pierwszego rzędu, zagadnienia eliptyczne na prostokącie, kole i innych wybranych obszarach, które można sparametryzować za pomocą iloczynu kartezjańskiego odcinków, równanie ciepła pręta i płyty z warunkiem początkowym oraz warunkami brzegowymi Dirichleta lub Neumanna, równanie struny z użyciem metody rozdzielonych zmiennych, równanie transportu.</p>		
	Rachunek prawdopodobieństwa II	<p>Wiedza. Student(ka): zna pojęcie zmiennej losowej, jej rozkładu i rozkładu warunkowego. Ma wiedzę o różnych typach zbieżności zmiennych losowych. Zna najważniejsze prawa wielkich liczb i twierdzenia graniczne. Rozumie potrzebę korzystania z narzędzi probabilistycznych w zastosowaniach matematyki.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): umie wyznaczać podstawowe charakterystyki zmiennych losowych, w tym warunkową wartość oczekiwaną. Potrafi wykorzystać prawa wielkich liczb i twierdzenia graniczne do szacowania prawdopodobieństw i parametrów rozkładów, wykorzystuje przy tym własności poznanych typów zbieżności zmiennych losowych.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Matematyczny przedmiot do wyboru dla studiów II stopnia (lista przedmiotów ustalana przed rozpoczęciem roku akademickiego)	<p>Wiedza. Student(ka): zna pojęcia i twierdzenia z poznanych działów matematyki, nieobjętych przedmiotami obowiązkowymi; rozumie budowę teorii matematycznych, leżących u podstaw tych dziedzin.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): - potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i na piśmie, przedstawiać poprawne rozumowania matematyczne, formułować twierdzenia i definicje dotyczące wybranych dziedzin matematyki; opisuje własności poznanych pojęć, rozpoznaje relacje pomiędzy strukturami, - w wybranej dziedzinie potrafi przeprowadzać dowody, w których stosuje w razie potrzeby również narzędzia z innych działów matematyki.</p>	w zależności od wybranego przedmiotu	w zależności od wybranego przedmiotu

	Specjalnościowy przedmiot do wyboru z listy wskazanej w polu „efekty uczenia się”	<p>Wiedza. Student(ka): zna podstawowe pojęcia i twierdzenia zakresu jednego z przedmiotów z listy:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Grafowe algorytmy optymalizacyjne • Teoria gier • Wstęp do matematyki finansów i ubezpieczeń • Modele dyskretne matematyki finansowej • Podstawy matematyki ubezpieczeniowej • Modele matematyczne gospodarki rynkowej • Teoria ryzyka w ubezpieczeniach <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i na piśmie, przedstawiać poprawne rozumowania matematyczne, formułować twierdzenia i definicje dotyczące wybranych dziedzin matematyki i jej zastosowań, opisuje własności poznanych pojęć, rozpoznaje relacje pomiędzy strukturami, poprawnie interpretuje modele matematyczne</p>	w zależności od wybranego przedmiotu	w zależności od wybranego przedmiotu
Grupa II Przedmioty specjalnościowe specjalności „ogólna”	Jakościowa teoria równań różniczkowych zwyczajnych	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna i rozumie pojęcie i własności potoku indukowanego przez równanie różniczkowe zwyczajne, - zna klasyfikację portretów fazowych równań różniczkowych w otoczeniu położenia równowagi, - zna warunki wystarczające istnienia i bifurkacji rozwiązań okresowych równań różniczkowych zwyczajnych, - ma opanowane pojęcia obszaru eliptycznego i hiperbolicznego oraz zna ich związki z indeksem izolowanego położenia równowagi równania różniczkowego. - zna wybrane pakiety oprogramowania służące do obliczeń symbolicznych i numerycznych, <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - analizuje i klasyfikuje portrety fazowe równań różniczkowych zwyczajnych, - stosuje metody linearyzacji do opisu struktury jakościowej portretu fazowego równania różniczkowego w otoczeniu położenia równowagi, - poprawnie orzeka istnienie (nieistnienie) i bifurkację rozwiązań okresowych równań 	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące, laboratorium, metody poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, zaliczenie laboratorium egzamin z wykładu

		<p>różniczkowych,</p> <ul style="list-style-type: none"> - bada stabilność rozwiązań równań różniczkowych zwyczajnych, - potrafi szacować liczbę obszarów eliptycznych i hiperbolicznych w otoczeniu izolowanego położenia równowagi planarnego równania różniczkowego, - przeprowadza analizę jakościową modeli matematycznych opisujących zjawiska naturalne. - umie wykorzystywać odpowiednie programy komputerowe do badania równań różniczkowych zwyczajnych 		
	Procesy stochastyczne	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna podstawy teorii procesów stochastycznych i rozumie znaczenie rozkładów skończenie wymiarowych jako podstawowych charakterystyk procesów. Zna pojęcia oraz najważniejsze własności łańcuchów Markowa, procesów stacjonarnych, gaussowskich, Poissona, Wienera i marytyngałów. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> -potrafi budować modele stochastyczne opisujące ewolucję układów losowych. Umie sformułować fundamentalne twierdzenia graniczne teorii procesów stochastycznych oraz wskazać przykłady ich wykorzystania w modelowaniu zjawisk losowych. Właściwie interpretuje charakterystyki liczbowe procesów stochastycznych. 	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Równania różniczkowe cząstkowe	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna klasyfikację równań różniczkowych cząstkowych oraz równania różniczkowe cząstkowe spotykane w naukach przyrodniczych oraz modelach innych nauk (w ekonomii, technice), - posiada wiedzę dot. interpretacji równań transportu, równania ciepła, reakcji dyfuzji, równań struny i membrany, równania falowego, - zna metody rozwiązań podstawowych typów równań; zna pojęcia zbioru i funkcji Greena, słabego rozwiązania oraz przestrzeni Sobolewa i sposoby ich zastosowania, - posiada ogólną wiedzę nt. związków teorii równań różniczkowych cząstkowych z innymi dziedzinami matematyki takimi jak analiza matematyczna, analiza funkcjonalna, topologia, teoria prawdopodobieństwa. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi analizować, interpretować i rozpoznawać (sklasyfikować) typy równań różniczkowych cząstkowych, -potrafi rozwiązywać zagadnienia wybranych typów, np. quasi-liniowe równania 	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, zaliczenie laboratorium, egzamin z wykładu

		<p>pierwszego rzędu, zagadnienia eliptyczne na prostokącie, kole i innych wybranych obszarach, które można sparametryzować za pomocą iloczynu kartezjańskiego odcinków, równanie ciepła pręta i płyty z warunkiem początkowym oraz warunkami brzegowymi Dirichleta lub Neumanna, równanie struny z użyciem metody rozdzielonych zmiennych, równanie transportu.</p>		
	Statystyka matematyczna	<p>Wiedza. Student(ka): zna metody statystyki opisowej i matematycznej, w tym zasady tworzenia diagramów statystycznych, estymacji oraz testowania hipotez parametrycznych; rozumie ograniczenia tych metod.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi przygotować dane do analizy, wyznaczyć statystki opisowe i przedstawić dane graficznie oraz przeprowadzić proste rozumowanie statystyczne. Posługuje się w tym zakresie przynajmniej jednym z dostępnych na rynku programów statystycznych.</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami i laboratorium ; metody: podające, poszukujące	egzamin, zaliczenie ćwiczeń i laboratorium na ocenę na podstawie sprawdzianów
	Teoria Galois	<p>Wiedza. Student(ka): zna pojęcia różnych typów rozszerzeń ciał oraz konstrukcję ciała rozkładu wielomianu;</p> <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi przedstawić przyczyny niemożności wykonania pewnych konstrukcji geometrycznych oraz znalezienia wzorów rozwiązujących równania wielomianowe wyższych stopni, potrafi operować pojęciem grupy Galois i udowodnić Zasadnicze Twierdzenie Algebry;</p>	wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	egzamin, zaliczenie ćwiczeń na ocenę na podstawie sprawdzianu
	Matematyczne przedmioty do wyboru dla studiów II stopnia (lista przedmiotów ustalana przed rozpoczęciem roku akademickiego)	<p>Wiedza. Student(ka): zna pojęcia i twierdzenia z poznanych działów matematyki, nieobjętych przedmiotami obowiązkowymi; rozumie budowę teorii matematycznych, leżących u podstaw tych dziedzin.</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i na piśmie, przedstawiać poprawne rozumowania matematyczne, formułować twierdzenia i definicje dotyczące wybranych dziedzin matematyki; opisuje własności poznanych pojęć, rozpoznaje relacje pomiędzy strukturami, - w wybranej dziedzinie potrafi przeprowadzać dowody, w których stosuje w razie potrzeby również narzędzia z innych działów matematyki. 	w zależności od wybranych przedmiotów	w zależności od wybranych przedmiotów

Grupa III. Przedmioty specjalnościowe specjalności teoretycznej	Przedmioty matematyczne wskazane przez opiekuna indywidualnego programu studiów	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada pogłębioną wiedzę z zakresu wybranych dziedzin matematyki, dotyczącą również nowych osiągnięć naukowych; - zna i rozumie wybrane narzędzia algebraiczne, analityczne, topologiczne, probabilistyczne lub inne, wykorzystywane we współczesnej matematyce; - ma wystarczającą wiedzę ogólną, by zrozumieć sformułowania zagadnień pozostających na etapie badań i dowody uzyskanych w tym zakresie twierdzeń. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada umiejętność konstruowania rozumowań matematycznych: dowodzenia twierdzeń i doboru kontrprzykładów, - posiada umiejętność wyrażania treści matematycznych w mowie i na piśmie, w tekstach matematycznych o różnym charakterze, również w formie artykułu naukowego, - umie sprawdzić poprawność wnioskowań w budowaniu dowodów formalnych. 	w zależności od wybranych przedmiotów	w zależności od wybranych przedmiotów
Grupa IV. Przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczycielskich	Konwersatorium dydaktyczne z matematyki	<p>Wiedza. Student(ka): zna i rozumie wybrane treści matematyczne nauczane w szkole oraz ich szerszy kontekst matematyczny, zna różne typy zadań i matematycznych i zdaje sobie sprawę z ich zróżnicowanej wartości metodycznej, zna sposób kształtowania wybranych pojęć matematycznych w szkole podstawowej i ponadpodstawowej,</p> <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi rozwiązywać standardowe zadania matematyczne ze szkoły, potrafi samodzielnie i w twórczy sposób wykorzystać zadania do pogłębiania rozumienia wybranych pojęć matematyki szkolnej, dostrzega rolę kształcącą, praktyczną i wychowawczą zadań; buduje różne strategie rozwiązania zadania, umie skomentować wartość metodyczną zadania; buduje cykle zadań wokół wybranych pojęć z uwzględnieniem zasady stopniowania trudności, potrafi ocenić poprawność gotowego rozumowania matematycznego.</p>	Metoda konwersatoryjna, metody podające, poszukujące	Zaliczenie na ocenę
	Konwersatorium problemowe	<p>Wiedza. Student(ka): zna i rozumie podstawowe pojęcia matematyki szkolnej, ze szczególnym uwzględnieniem przejścia granicznego oraz pojęcia wykraczające poza standardowe programy: ciągi i szeregi, część całkowita liczby, elementy teorii podzielności, równania diofantyczne, metody dowodzenia tożsamości i nierówności, elementy kombinatoryki, wybrane zagadnienia geometrii płaskiej i przestrzennej.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): potrafi rozwiązać nietrudne, ale niestandardowe zadania dotyczące wybranych spośród wymienionych wyżej zagadnień, potrafi samodzielnie i</p>	Metoda konwersatoryjna, metody podające, poszukujące	Zaliczenie na ocenę

		w twórczy sposób wykorzystać zadania matematyczne do pogłębiania rozumienia wybranych pojęć matematyki szkolnej i kształtowania umiejętności myślenia matematycznego, dostrzega różne strategie rozwiązywania problemów; potrafi ocenić poprawność bardziej złożonego gotowego rozumowania, buduje cykle zadań wokół wybranych pojęć, korzystając z różnych źródeł, potrafi zaprojektować cykle zajęć koła matematycznego w szkole.		
Matematyka szkolna z wyższego stanowiska	<p>Wiedza. Student(ka): zna rolę logiki matematycznej w zagadnieniach dotyczących podstaw matematyki, zna podstawowe liczby przestępne; zna metody rozwiązywania równań wielomianowych trzeciego i czwartego stopnia; zna związki między własnościami liczb zespolonych a geometrią elementarną.</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - rozpoznaje przykłady liczb przestępnych, - rozwiązuje równania wielomianowe stopnia trzeciego i czwartego; rozwiązuje równania funkcyjne, - stosuje nierówności między średnimi, nierówność Bernoullego i nierówność Jensena, - stosuje liczby zespolone w zadaniach z geometrii elementarnej, - rozpoznaje analogie między trójkątem a czworobokiem, - formułuje wnioski ze wzoru Eulera. - umie przeprowadzać samodzielnie dowody twierdzeń o średnim stopniu trudności, - posiada umiejętność wyrażania treści matematycznych w mowie i na piśmie i potrafi budować alternatywne sposoby prezentacji – od sformalizowanych do bardzo poglądowych. 	Wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu	
Geometria II	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna najważniejsze metody geometrii elementarnej (aksjomatyczna, modeli, przekształceń geometrycznych, liczb zespolonych, metody konstrukcyjne), - zna wybrane twierdzenia geometrii elementarnej (twierdzenia o reprezentacji, twierdzenia geometrii wielokątów, geometrii okręgów, twierdzenia o strukturze grup przekształceń geometrycznych), - zna możliwości wykorzystania przynajmniej jednego geometrycznego programu komputerowego do rozwiązywania problemów geometrycznych. <p>Umiejętności. Student(ka):</p>	Wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Egzamin i zaliczenie na ocenę na podstawie sprawdzianów	

		<ul style="list-style-type: none"> - rozróżnia metody geometrii elementarnej i potrafi dobrać metodę do problemu, - stosuje poznane twierdzenia z geometrii elementarnej do rozwiązywania zadań (ze szczególnym uwzględnieniem zadań szkolnych), - rozpoznaje przekształcenia za pomocą niezmienników i poprawnie stosuje przekształcenia do upraszczania problemów geometrycznych, - potrafi formułować i rozwiązywać problemy geometryczne w modelu Gaussa płaszczyzny (metoda liczb zespolonych), - za pomocą programu komputerowego wykonuje podstawowe konstrukcje geometryczne, kreśli miejsca geometryczne i tworzy animacje geometryczne, - potrafi za pomocą programu komputerowego ilustrować i weryfikować zależności pomiędzy obiektami geometrycznymi, poszukiwać hipotez i elementów dowodów. 		
Grupa V. Dodatkowe przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczanie matematyki i informatyki	Laboratorium grafiki i multimediiów	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - ma podstawową wiedzę dotyczącą programowania algorytmów grafiki komputerowej 2D i 3D; rozpoznaje i rozróżnia najważniejsze formaty graficzne i ich reprezentację w pamięci komputera, - ma podstawowa wiedzę w zakresie cyfrowej obróbki dźwięku - zna sposoby tworzenia dydaktycznego materiału multimedialnego i umieszczania go w Internecie <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - implementuje algorytmy rasteryzacji prymitywów geometrycznych, - rozróżnia i implementuje modele przestrzeni barwnych, opisuje w języku macierzy afiniczne przekształcenia geometryczne, identyfikuje i tłumaczy podstawowe algorytmy tekstuowania, objaśnia sposób rzutowania przestrzennego na płaszczyznę ekranu, - przetwarza dźwięki korzystając z dostępnych aplikacji, - tworzy dydaktyczne materiały multimedialne i umieszcza je w Internecie 	Zajęcia w laboratorium komputerowym, metody podające, poszukujące	Zaliczenie na ocenę
	Programowanie i algorytmika II	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna złożone struktury danych (n kolejki priorytetowe, drzewa przedziałowe, słownikowe, drzewa czerwono czarne, kopce Fibonacciego, struktury danych dla zbiorów rozłącznych) - zna algorytmy dla wybranych problemów kombinatorycznych, grafowych, szyfrowania danych - zna zalety programowania obiektowego i metody oraz przypadki użycia, zasady pracy z obiektami i problemy programistyczne z nimi związane; zna zasady dziedziczenia i hierarchicznej budowy programu, obsługę i tworzenie wyjątków, 	Wykład i laboratorium komputerowe, metody podające i poszukujące	Egzamin, zaliczenie laboratorium na ocenę

		<ul style="list-style-type: none"> - zna co najmniej jeden język programowania wizualnego i zna zasady programowania obiektowego w trybie tekstowym - zna zasady programowania robotów oraz tworzenia aplikacji na urządzenia mobilne - zna zasady pracy zespołowej przy realizacji projektu programistycznego <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - implementuje trudniejsze algorytmy wykorzystując złożone struktury danych - projektuje programy zorientowane obiektowo - steruje urządzeniem zewnętrznym za pomocą programu, pobiera i analizuje dane pozyskane przez to urządzenie - tworzy proste aplikacje dla urządzeń mobilnych <p>Kompetencje społeczne. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - znajduje rozwiązanie dla sytuacji rzeczywistej, społecznej stosując wiedzę i umiejętności związane z algorytmiką i programowaniem - potrafi samodzielnie wyszukiwać informacje w literaturze, także w językach obcych, - wykazuje sumienność i dokładność, jest nastawiony na jak najlepsze wykonanie zadania; dba o szczegóły; jest systematyczny - i realizuje projekty programistyczne w zespole, 		
	Technologie informacyjne II	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna zaawansowane możliwości arkusza kalkulacyjnego w zakresie przetwarzania danych, zna podstawy języka VBA - zna podstawowe zagadnienia związane z Systemami Zarządzania Bazami Danych (DBMS); zna pojęcia relacyjnego modelu danych, zna język SQL - posiada wiedzę odnośnie zasad, możliwości i efektywności stosowania technologii informacyjnych w nauczaniu różnych treści w ramach różnych przedmiotów. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - przetwarza i analizuje dane (również pozyskane z Internetu) korzystając z zaawansowanych możliwości arkusza kalkulacyjnego, stosuje język VBA - projektuje bazy danych w oparciu o model encji i związków, sprawnie posługuje się językiem SQL, tworzy aplikację wykorzystującą relacyjną bazę danych - potrafi ocenić sensowność i stopień skuteczności zastosowania TI w realizacji 	w zależności od wybranego przedmiotu	Egzamin, zaliczenie laboratorium na ocenę

		konkretnego tematu oraz zaplanować odpowiednią formę zajęć, skorzystać z gotowych i wytworzyć z wykorzystaniem wybranych narzędzi własne materiały multimedialne, przygotować z ich zastosowaniem zajęcia, a także przeprowadzić je.		
Grupa VI. Uzupełniające przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczanie matematyki po specjalnościach nienauczycielskich	Dydaktyka matematyki	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada wiedzę na temat miejsca matematyki wśród innych przedmiotów szkolnych, a także w kontekście wcześniejszego i dalszego kształcenia; zna strukturę wiedzy przedmiotowej oraz sposoby jej opisu: podstawa programowa, programy nauczania, rozkład materiału; - rozumie specyfikę i prawidłowości uczenia się matematyki, zna kompetencje kluczowe i sposoby ich kształtowania w ramach nauczania matematyki; - posiada zaawansowaną wiedzę merytoryczną w zakresie pojęć matematycznych występujących w nauczaniu szkolnym, zna metodyczne aspekty ważnych pojęć matematyki szkolnej; <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi krytycznie analizować i oceniać programy nauczania, - ma różnorodne doświadczenia jako nauczyciel: potrafi odnaleźć się w relacji z uczniem, zaprojektować szczegółowo i przeprowadzić pojedyncze jednostki lekcyjne oraz cykle lekcji, krytycznie ocenia swoje i proponowane przez innych rozwiązania metodyczne, określa cele i dobiera do nich właściwe metody, środki dydaktyczne oraz formy pracy z dziećmi, uwzględnia zróżnicowane potrzeby uczniów, indywidualizuje proces nauczania, potrafi dokonać kontroli i trafnej oceny pracy uczniów, potrafi zareagować w sytuacjach wymagających interwencji o charakterze wychowawczym, dba o wszechstronny rozwój uczniów, kształtuje nawyki systematycznego uczenia się oraz krytycznego korzystania z różnych źródeł, - potrafi dokonać autoewaluacji i podejmuje działania w kierunku własnego dalszego rozwoju oraz doskonalenia warsztatu pracy, - potrafi korzystać ze współczesnych, dostępnych w różnych źródłach, rozwiązań metodycznych, a także proponować własne; <p>Kompetencje społeczne. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - ma świadomość poziomu swojej wiedzy i umiejętności; rozumie potrzebę ciągłego dokształcania się zawodowego i rozwoju osobistego; dokonuje oceny własnych kompetencji i doskonali umiejętności w trakcie realizowania działań pedagogicznych 	Wykład informacyjny, metody podające	Zaliczenie wykładu
	Metodyka nauczania matematyki I		Konwersatorium i praktyka, metody poszukujące	Zaliczenie konwersatorium na ocenę, zaliczenie praktyki

		(dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych), - jest przekonany(y/a) o sensie, wartości i potrzebie podejmowania działań pedagogicznych w środowisku społecznym; jest gotowy(y/a) do podejmowania wyzwań zawodowych, - wykazuje aktywność, podejmuje trud i odznacza się wytrwałością w realizacji indywidualnych i zespołowych zadań zawodowych wynikających z roli nauczyciela, - ma świadomość konieczności prowadzenia zindywidualizowanych działań pedagogicznych (dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych) w stosunku do uczniów ze specjalnymi potrzebami edukacyjnymi; ma świadomość znaczenia profesjonalizmu, - przestrzega zasad etyki zawodowej; wykazuje cechy refleksyjnego praktyka; ma świadomość istnienia etycznego wymiaru diagnozowania i oceniania uczniów; odpowiedzialnie przygotowuje się do swojej pracy, projektuje i wykonuje działania pedagogiczne (dydaktyczne, wychowawcze i opiekuńcze); jest gotowy(y/a) do podejmowania indywidualnych i zespołowych działań na rzecz podnoszenia jakości pracy szkoły.		
Geometria I	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna wybrane twierdzenia geometrii elementarnej, głównie twierdzenia geometrii trójkąta i czworokątów (także w połączeniu z geometrią okręgów), - zna metodę konstrukcji (przy pomocy cyrkla i linijki), - zna możliwości wykorzystania przynajmniej jednego geometrycznego programu komputerowego do rozwiązywania problemów geometrycznych. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - stosuje poznane twierdzenia geometrii trójkąta i czworokąta (także w połączeniu z geometrią okręgów) do rozwiązywania zadań (ze szczególnym uwzględnieniem zadań szkolnych), - za pomocą programu komputerowego wykonuje podstawowe konstrukcje geometryczne, kreśli miejsca geometryczne - potrafi za pomocą programu komputerowego ilustrować i weryfikować zależności pomiędzy obiektami geometrycznymi, poszukiwać hipotez i elementów dowodów. 	Wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami; metody: podające, poszukujące	Egzamin i zaliczenie na podstawie sprawdzianów	
Geometria analityczna	<p>Wiedza. Student(ka): zna najważniejsze pojęcia i twierdzenia geometrii analitycznej głównie w odniesieniu do dwuwymiarowej i trójwymiarowej przestrzeni euklidesowej.</p>	Wykład z towarzyszącymi mu ćwiczeniami, metody: podające,	Egzamin i zaliczenie na ocenę na podstawie	

		<p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi wykonywać działania na wektorach, umie obliczać iloczyn skalarny, wektorowy i mieszany wektorów w układzie ortonormalnym oraz zastosować interpretację geometryczną tych iloczynów, - rozpoznaje i określa wzajemne położenie dwóch prostych na płaszczyźnie i w przestrzeni, wzajemne położenie dwóch płaszczyzn oraz prostej względem płaszczyzny, potrafi zapisać różne postaci równania prostej (płaszczyzny), potrafi policzyć odległość między: punktem a prostą, punktem a płaszczyzną, dwiema prostymi, dwiema płaszczyznami; posługuje się definicjami oraz opisuje podstawowe parametry dla okręgu, elipsy, hiperboli i paraboli, określa wzajemne położenie stożkowej i prostej, posługuje się równaniem stycznej do stożkowej, umie wykorzystać własności prostej potęgowej, średnic sprzężonych, potrafi uzasadnić nazwę krzywe stożkowe, potrafi zapisać równanie linii stopnia drugiego w postaci macierzowej, rozpoznaje rodzaje linii stopnia drugiego licząc odpowiednie wyznaczniki, potrafi znaleźć biegunową danego punktu względem stożkowej, podaje przykłady powierzchni stopnia drugiego, stosuje poznaną teorię do rozwiązywania zadań. 	poszukujące	sprawdzianów
	Technologie informacyjne w nauczaniu	<p>Wiedza. Student(ka): posiada wiedzę odnośnie zasad, możliwości i efektywności stosowania technologii informacyjnych w nauczaniu różnych treści w ramach różnych przedmiotów.</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi ocenić sensowność i stopień skuteczności zastosowania TI w realizacji konkretnego tematu, - potrafi zaplanować odpowiednią formę zajęć, skorzystać z gotowych i wytworzyć z wykorzystaniem wybranych narzędzi własne materiały multimedialne, przygotować z ich zastosowaniem zajęcia, a także przeprowadzić je. 	Zajęcia w laboratorium komputerowym, metody podające, poszukujące	Zaliczenie na podstawie przygotowanych przez studenta projektów
	Matematyka komputerowa dla nauczycieli	<p>Wiedza. Student(ka): zna co najmniej jeden pakiet wspomagający naukę matematyki w szkole.</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi wykorzystywać narzędzia programu komputerowego do ilustrowania pojęć matematyki szkolnej, wykonuje aplety stanowiące pomoc w prowadzeniu lekcji matematyki, - potrafi przygotować scenariusz lekcji z wykorzystaniem TIK, w szczególności z użyciem pakietów stosowanych na zajęciach, 	Laboratorium komputerowe, metody poszukujące	Zaliczenie na podstawie sprawdzianów

		-prezentuje przygotowane przez siebie aplety (scenariusze lekcji) na zajęciach.		
Grupa VII. Metodyka nauczania matematyki	Metodyka nauczania matematyki III	<p>Wiedza. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada wiedzę na temat miejsca matematyki wśród innych przedmiotów, a także w kontekście wcześniejszego kształcenia; zna strukturę wiedzy przedmiotowej oraz sposoby jej opisu: podstawa programowa, programy nauczania, rozkład materiału, - rozumie specyfikę i prawidłowości uczenia się matematyki w szkole, zna kompetencje kluczowe i sposoby ich kształtowania w ramach nauczania matematyki, - posiada pogłębioną wiedzę merytoryczną w zakresie pojęć matematycznych występujących w nauczaniu szkolnym, zna metodyczne aspekty ważnych pojęć matematyki szkolnej. <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi krytycznie analizować i oceniać programy nauczania, - ma różnorodne doświadczenia jako nauczyciel: potrafi odnaleźć się w relacji z uczniem, zaprojektować szczegółowo i przeprowadzić pojedyncze jednostki lekcyjne oraz cykle lekcji, krytycznie ocenia swoje i proponowane przez innych rozwiązania metodyczne, określa cele i dobiera do nich właściwe metody, środki dydaktyczne oraz formy pracy z młodzieżą, uwzględnia zróżnicowane potrzeby uczniów, indywidualizuje proces nauczania, potrafi dokonać kontroli i trafnej oceny pracy uczniów, potrafi zareagować w sytuacjach wymagających interwencji o charakterze wychowawczym, dba o wszechstronny rozwój uczniów, kształtuje nawyki systematycznego uczenia się oraz krytycznego korzystania z różnych źródeł, - potrafi dokonać autoewaluacji i podejmuje działania w kierunku własnego dalszego rozwoju oraz doskonalenia warsztatu pracy, - potrafi korzystać ze współczesnych, dostępnych w różnych źródłach, rozwiązań metodycznych, a także proponować własne. <p>Kompetencje społeczne. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - ma świadomość poziomu swojej wiedzy i umiejętności; rozumie potrzebę ciągłego dokształcania się zawodowego i rozwoju osobistego; dokonuje oceny własnych kompetencji i doskonali umiejętności w trakcie realizowania działań pedagogicznych (dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych), - jest przekonany(y/a) o sensie, wartości i potrzebie podejmowania działań pedagogicznych w środowisku społecznym; jest gotowy/a do podejmowania wyzwań zawodowych; wykazuje aktywność, podejmuje trud i odznacza się wytrwałością w 	Konwersatorium i praktyka, metody poszukujące	Zaliczenie konwersatorium na ocenę, zaliczenie praktyki
	Metodyka nauczania matematyki IV			

		<p>realizacji indywidualnych i zespołowych zadań zawodowych wynikających z roli nauczyciela,</p> <ul style="list-style-type: none"> - ma świadomość konieczności prowadzenia zindywidualizowanych działań pedagogicznych (dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych) w stosunku do uczniów ze specjalnymi potrzebami edukacyjnymi, - ma świadomość znaczenia profesjonalizmu; przestrzega zasad etyki zawodowej; wykazuje cechy refleksyjnego praktyka; ma świadomość istnienia etycznego wymiaru diagnozowania i oceniania uczniów; odpowiedzialnie przygotowuje się do swojej pracy, projektuje i wykonuje działania pedagogiczne (dydaktyczne, wychowawcze i opiekuńcze); jest gotowy/a do podejmowania indywidualnych i zespołowych działań na rzecz podnoszenia jakości pracy szkoły. 		
	Praktyka ciągła z matematyki	<p>Wiedza. Student(ka): zna specyfikę szkoły lub placówki, w której praktyka jest odbywana, w szczególności zna realizowane przez nią zadania dydaktyczne, sposób funkcjonowania, organizację pracy, pracowników, uczestników procesów pedagogicznych oraz prowadzonej dokumentacji.</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - prowadzi wieloaspektową obserwację warsztatu pracy nauczyciela, - współdziała z opiekunem praktyk w zakresie planowania i przeprowadzania zajęć dydaktycznych, organizowania pracy w grupach, przygotowywania pomocy dydaktycznych, wykorzystywania środków multimedialnych i technologii informacyjnej w pracy dydaktycznej (stosownie do możliwości szkoły), kontrolowania i oceniania uczniów, podejmowania działań na rzecz uczniów ze specjalnymi potrzebami edukacyjnymi, w tym uczniów szczególnie uzdolnionych, organizowania przestrzeni klasy, podejmowania działań o charakterze wychowawczym, - szczegółowo planuje oraz prowadzi zajęcia dydaktyczne z matematyki o zróżnicowanym charakterze; podejmuje działania wychowawcze w toku pracy dydaktycznej w miarę pojawiających się problemów, - dokonuje autoewaluacji na podstawie własnych doświadczeń, a także konsultacji z opiekunem praktyki - szkolnym oraz wydziałowym, - prowadzi dokumentację praktyki. <p>Kompetencje społeczne. Student(ka): pogłębia kompetencje społeczne nabywane w ramach przedmiotów Metodyka Nauczania Matematyki III, a także zyskuje</p>	Praktyka	Zaliczenie

		doświadczenia w zakresie relacji interpersonalnych typowych dla pracy w szkole (np. nauczyciel – uczeń, nauczyciel – nauczyciel, nauczyciel – dyrektor, nauczyciel – rodzice).		
Grupa VIII. Metodyka nauczania informatyki	Konwersatorium dydaktyczne z informatyki	<p>Wiedza: . Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - zna metody i sposoby realizacji w szkole treści programowych z zakresu informatyki, zgodnych z właściwymi podstawami programowymi. - zna podstawy zastosowań myślenia komutacyjnego w różnych dziedzinach życia, - zna podstawy wizualnego i tekstowego języka programowania (np. Scratch, Python), - posiada wiedzę nt. pracy z uczniem uzdolnionym i przygotowania ucznia do egzaminu maturalnego z informatyki. - posiada wiedzę o rodzajach i skuteczności stosowanych w nauczaniu informatyki metod ewaluacji, metod oceniania, w tym pomiaru dydaktycznego. - zna europejskie standardy nauczania ICT (np. ECDL). <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada umiejętności prowadzenia zajęć realizujących podstawy programowe nauczania informatyki w szkole, - umie przeprowadzić uczniowski projekt zespołowy, - potrafi przygotować uczniów do egzaminu maturalnego z informatyki, - potrafi prowadzić zajęcia z uczniami uzdolnionymi informatycznie, w tym przygotowujące do olimpiady i konkursów informatycznych, - posiada umiejętność prowadzenia różnych rodzajów ewaluacji i w oparciu o nią oceny ucznia, - ma udoskonalone, w porównaniu do studiów I stopnia, umiejętności opieki nad szkolną pracownią komputerową. <p>Kompetencje społeczne. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - potrafi kompetentnie opracować i wdrożyć program nauczania dla przedmiotów informatycznych, - ma kompetencje zawodowe do wykonywania zawodu nauczyciela informatyki w szkole, - aranżuje proces samokształcenia podnosząc kompetencje nauczyciela informatyki, - elastycznie reaguje na potrzeby edukacyjne uczniów, m.in. umie pracować z uczniem uzdolnionym, realizować z uczniami projekty, - dzięki pogłębieniu znajomości mechanizmów działania szkoły umacnia swe 	Konwersatorium i praktyka, metody poszukujące	Zaliczenie konwersatorium na ocenę, zaliczenie praktyki
	Metodyka nauczania informatyki III			

		kompetencje pełnoprawnego członka rady pedagogicznej szkoły, a dzięki realizowanym w trakcie studiów przedmiotom kierunkowym jest przygotowany do zdobycia pełnych kompetencji opiekuna szkolnej pracowni komputerowej; jest otwarty na współpracę z innymi nauczycielami, ceni dobro wspólne.		
Grupa IX. Kształcenie nauczycieli dla specjalności nauczycielskich po specjalnościach nauczycielskich	Pedagogika	Wiedza. Student(ka): - posiada wiedzę psychologiczną i pedagogiczną pozwalającą na rozumienie procesów rozwoju, socjalizacji, wychowania i nauczania, uczenia się. - posiada wiedzę z zakresu dydaktyki i szczegółowej metodyki działalności pedagogicznej, popartą doświadczeniem w jej praktycznym wykorzystywaniu.		Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
	Psychologia	Umiejętności. Student(ka): - posiada umiejętności i kompetencje niezbędne do kompleksowej realizacji dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych zadań szkoły, w tym do samodzielnego przygotowania i dostosowania programu nauczania do potrzeb i możliwości uczniów; - wykazuje umiejętność uczenia się i doskonalenia własnego warsztatu pedagogicznego z wykorzystaniem nowoczesnych środków i metod pozyskiwania, organizowania i przetwarzania informacji i materiałów. Kompetencje społeczne. Student(ka): - umiejętnie komunikuje się przy użyciu różnych technik, zarówno z osobami będącymi podmiotami działalności pedagogicznej, jak i z innymi osobami współdziałającymi w procesie dydaktyczno-wychowawczym oraz specjalistami wspierającymi ten proces. - charakteryzuje się wrażliwością etyczną, empatią, otwartością, refleksyjnością oraz postawami prospołecznymi i poczuciem odpowiedzialności; - jest praktycznie przygotowany/a do realizowania zadań zawodowych (dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych) wynikających z roli nauczyciela, - poprawnie posługuje się językiem polskim wykazując troskę o kulturę i etykę wypowiedzi własnej i uczniów.		Zaliczenie ćwiczeń na ocenę, egzamin z wykładu
Grupa X. Kształcenie nauczycieli dla specjalności nauczycielskich po specjalnościach	Emisja głosu	Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela.	Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia	Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK
	Podstawy pedagogiki	Wiedza Student(ka):		

nienauczycielskich	Podstawy psychologii	- posiada wiedzę psychologiczną i pedagogiczną pozwalającą na rozumienie procesów rozwoju, socjalizacji, wychowania i nauczania - uczenia się.	2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela.	z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela.
	Pedagogika	- posiada wiedzę z zakresu dydaktyki i szczegółowej metodyki działalności pedagogicznej, popartą doświadczeniem w jej praktycznym wykorzystywaniu,		
	Psychologia	- ma wiedzę dotyczącą struktury i funkcji systemów edukacji, w tym podstaw prawnych i organizacji pracy szkoły.		
	Podstawy dydaktyki			
	Praktyka pedagogiczna	<p>Umiejętności Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada umiejętności i kompetencje niezbędne do kompleksowej realizacji dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych zadań szkoły, w tym do samodzielnego przygotowania i dostosowania programu nauczania do potrzeb i możliwości uczniów; - wykazuje umiejętność uczenia się i doskonalenia własnego warsztatu pedagogicznego z wykorzystaniem nowoczesnych środków i metod pozyskiwania, organizowania i przetwarzania informacji i materiałów. <p>Kompetencje społeczne Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - umiejętnie komunikuje się przy ujęciu różnych technik, zarówno z osobami będącymi podmiotami działalności pedagogicznej, jak i z innymi osobami współdziałającymi w procesie dydaktyczno-wychowawczym oraz specjalistami wspierającymi ten proces. - charakteryzuje się wrażliwością etyczną, empatią, otwartością, refleksyjnością oraz postawami prospołecznymi i poczuciem odpowiedzialności; - jest praktycznie przygotowan(y/a) do realizowania zadań zawodowych (dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych) wynikających z roli nauczyciela. - posługuje się aparatem mowy zgodnie z zasadami emisji głosu, - poprawnie posługuje się językiem polskim wykazując troskę o kulturę i etykę wypowiedzi własnej i uczniów. 		
Grupa XI. Matematyczne przedmioty do wyboru dla specjalności nauczanie matematyki po specjalnościach nauczycielskich	5 spośród matematycznych przedmiotów do wyboru dla studiów II stopnia (lista przedmiotów przygotowywana	<p>Wiedza. Student(ka): . zna pojęcia i twierdzenia z poznanych działów matematyki, nieobjętych przedmiotami obowiązkowymi; rozumie budowę teorii matematycznych, leżących u podstaw tych dziedzin.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): . - potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i na piśmie, przedstawiać poprawne rozumowania matematyczne, formułować twierdzenia i definicje dotyczące wybranych dziedzin matematyki; opisuje własności poznanych</p>	w zależności od wybranego przedmiotu	w zależności od wybranego przedmiotu

	na każdy rok akademicki)	pojęć, rozpoznaje relacje pomiędzy strukturami, - w wybranej dziedzinie potrafi przeprowadzać dowody, w których stosuje w razie potrzeby również narzędzia z innych działów matematyki.		
Grupa XII. Wykłady monograficzne (za zgodą dziekana jako wykład monograficzny można uznać inny przedmiot wskazany przez opiekuna pracy magisterskiej o większej lub równej liczbie punktów)		<p>Wiedza. Student(ka): - ma pogłębioną wiedzę w wybranej dziedzinie matematyki teoretycznej lub stosowanej, w tym: zna klasyczne pojęcia i twierdzenia oraz ich dowody; jest w stanie rozumieć sformułowania zagadnień pozostających na etapie badań, - zna powiązania zagadnień wybranej dziedziny z innymi działami matematyki teoretycznej i stosowanej.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): - w wybranej dziedzinie potrafi przeprowadzać dowody, w których stosuje w razie potrzeby również narzędzia z innych działów matematyki, - potrafi określić swoje zainteresowania i je rozwijać; w szczególności jest w stanie nawiązać kontakt ze specjalistami w swojej dziedzinie, np. rozumieć ich wykłady przeznaczone dla młodych matematyków, - umie w pogłębiony sposób sformułować podstawowe problemy i wyniki wybranej dziedziny.</p> <p>Kompetencje społeczne. Student(ka): jest nastawiony/a na nieustanne zdobywanie nowej wiedzy; widzi potrzebę ciągłego doskonalenia, zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia; rozumie potrzebę systematycznego zapoznawania się z matematycznymi czasopismami naukowymi i popularnonaukowymi w celu poszerzania i pogłębiania wiedzy.</p>	wykład, metody: podające	Zaliczenie po semestrze II, egzamin po semestrze III

<p>Grupa XIII. Seminarium magisterskie (za zgodą dziekana za seminarium magisterskie można uznać seminarium naukowe wskazane przez opiekuna pracy magisterskiej; łącznie liczba punktów za seminarium i przygotowanie do egzaminu magisterskiego (20 ECTS) nie może być niższa niż wskazana w tabeli)</p>		<p>Wiedza. Student(ka): ma pogłębioną wiedzę w wybranej dziedzinie matematyki teoretycznej lub stosowanej, w tym: zna klasyczne pojęcia i twierdzenia oraz ich dowody; jest w stanie rozumieć sformułowania zagadnień pozostających na etapie badań.</p> <p>Umiejętności. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - posiada umiejętność konstruowania rozumowań matematycznych: dowodzenia twierdzeń i doboru kontrprzykładów, - posiada umiejętność wyrażania treści matematycznych w mowie i na piśmie, w tekstach matematycznych o różnym charakterze, potrafi przedstawić wyniki badań w postaci samodzielnie przygotowanej rozprawy zawierającej opis i uzasadnienie celu pracy, przyjętą metodologię, wyniki oraz ich znaczenie na tle innych podobnych badań, - umie sprawdzić poprawność wnioskowań w budowaniu dowodów formalnych, - umie stosować oraz przedstawiać w mowie i na piśmie metody co najmniej jednej wybranej gałęzi matematyki: analizy matematycznej i analizy funkcjonalnej, teorii równań różniczkowych i układów dynamicznych, algebry i teorii liczb, geometrii i topologii, rachunku prawdopodobieństwa i statystyki, matematyki dyskretnej i teorii grafów, logiki i teorii mnogości, - potrafi znajdować niezbędne informacje w literaturze fachowej, bazach danych i innych źródłach, zna podstawowe matematyczne czasopisma naukowe. <p>Kompetencje społeczne. Student(ka):</p> <ul style="list-style-type: none"> - jest nastawiony/a na jak najlepsze wykonanie zadania; dba o szczegół; jest systematyczny, - skutecznie przekazuje innym osiągnięcia matematyki w zrozumiały sposób; dostosowuje poziom i formę prezentacji do potrzeb i możliwości odbiorcy, - pracuje systematycznie i ma pozytywne podejście do trudności stojących na drodze do realizacji założonego celu; dotrzymuje terminów; rozumie konieczność systematycznej pracy nad wszelkimi projektami, które mają długofalowy charakter, - zna i przestrzega zasady i normy obowiązujące matematyka, w tym normy etyczne; rozumie społeczną rolę zawodu matematyka; rozumie i docenia znaczenie uczciwości intelektualnej w działaniach własnych i innych osób, - nawiązuje i utrzymuje długotrwałą i efektywną współpracę z innymi; dąży do realizacji celów zespołu poprzez odpowiednie zaplanowanie i organizację pracy 	<p>seminarium, metody poszukujące</p>	<p>Zaliczenie po semestrze II i III na podstawie referatów i prac seminaryjnych . Warunkiem zaliczenia seminarium po semestrze IV jest złożenie pracy magisterskiej.</p>
--	--	--	---------------------------------------	--

		swojej i innych; motywuje współpracowników do zwiększenia wysiłku w celu osiągnięcia założonych celów.		
Grupa XIV. Język angielski specjalistyczny	Język angielski specjalistyczny	<p>Wiedza. Student(ka): dysponuje odpowiednim zakresem słownictwa związanym ze swoim kierunkiem studiów jak i z większością tematów ogólnych. Zna zasady gramatyczne i biegle się nimi posługuje formułując klarowne wypowiedzi pisemne oraz ustne. Zna zasady przygotowania prezentacji.</p> <p>Umiejętności.</p> <p>Student(ka): potrafi przedstawić klarowne opisy i dokonać prezentacji dotyczącej tematyki specjalistycznej, porządkując i rozwijając poszczególne zagadnienia i podając istotne szczegóły i przykłady. Potrafi wyrażać poglądy i tworzyć argumenty. Potrafi uczestniczyć w dyskusji grupowej. Umie płynnie się komunikować w każdej dziedzinie życia oraz w odniesieniu do studiowanej specjalności . Potrafi wygłosić formalną prezentację na tematy ze swojej dziedziny. Student(ka) potrafi przygotować streszczenie artykułu związanego z kierunkiem studiów oraz opracować raport. Potrafi także prowadzić korespondencję formalną, napisać CV i list motywacyjny. Student(ka) potrafi napisać abstrakt swojej pracy magisterskiej. Potrafi stosować różne strategie prowadzące do zrozumienia tekstu, np. słuchanie w celu wyszukania najważniejszych informacji, korzystając ze wskazówek wynikających z treści. Potrafi zrozumieć główne treści wykładów, prezentacji, raportów i rozmów złożonych pod względem treści, leksyki i struktury. Rozumie długie i złożone teksty specjalistyczne. Rozumie instrukcje techniczne dotyczące swego kierunku studiów.</p>	konwersatorium; metody: podające, poszukujące	zaliczenie na podstawie aktywności na zajęciach i sprawdzianów pisemnych, egzamin końcowy

		<p>Kompetencje społeczne. Jest świadom(y/a) różnic kulturowych i wynikających z nich norm zachowania. Zna formy zwracania się do klientów, kolegów i przełożonych, publiczności w czasie wystąpień. Umie pracować w zespole i zachować się podczas wystąpień publicznych związanych z przyszłą pracą zawodową lub naukową. Potrafi uczestniczyć w rozmowie i dyskusji na tematy ogólne i techniczne.</p>		
<p>Grupa XV. Zajęcia z dziedziny nauk humanistycznych i dziedziny nauk społecznych (dla specjalności nienauczyielskich)</p>	<p>Przedmioty do wyboru, np. z oferty zajęć ogólnouniwersyteckich lub oferowane w ramach innych kierunków studiów</p>	<p>Wiedza. Student(ka): zna zagadnienia objęte wybranym przedmiotem. Rozumie w podstawowym zakresie problematykę i metodykę dyscypliny naukowej, której przedmiot dotyczy.</p> <p>Umiejętności. Student(ka): - posługuje się podstawowymi pojęciami dyscypliny naukowej właściwej dla wybranego przedmiotu, - dostrzega podobieństwa i różnice między metodami dyscypliny właściwej dla wybranego przedmiotu a metodami matematyki.</p> <p>Kompetencje społeczne. Student(ka): jest nastawion(y/a) na nieustanne zdobywanie nowej wiedzy, zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia.</p>	<p>w zależności od wybranych przedmiotów</p>	<p>w zależności od wybranych przedmiotów</p>
<p>Grupa XVI. Praca dyplomowa i egzamin dyplomowy</p>		<p>Wiedza. Student(ka): - ma rozszerzoną wiedzę na temat pojęć i twierdzeń z poznanych działów matematyki, - zna podstawowe przykłady zarówno ilustrujące konkretne pojęcia matematyczne, jak i pozwalające obalić błędne hipotezy lub nieuprawnione rozumowania,</p> <p>Umiejętności. Student(ka): - potrafi w sposób zwięzły zaprezentować posiadaną wiedzę i umiejętności, - potrafi przedstawić wyniki badań w postaci samodzielnie przygotowanej rozprawy zawierającej opis i uzasadnienie celu pracy, przyjętą metodologię, wyniki oraz ich znaczenie na tle innych podobnych badań,</p> <p>Kompetencje społeczne: jest nastawiony na nieustanne zdobywanie nowej wiedzy, zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia.</p>	<p>praca własna</p>	<p>Egzamin dyplomowy</p>
		<p>Kompetencje społeczne dla przedmiotów z grup I-VI i XII: Student(ka): zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę ciągłego jej uzupełniania i pogłębiania; potrafi myśleć analitycznie; świadomie prowadzi proste rozumowania matematyczne zgodnie z zasadami logiki, dba o szczegóły.</p>		

Szczegółowe wskaźniki punktacji ECTS

Dyscypliny naukowe lub artystyczne, do których odnoszą się efekty uczenia się:

	Dyscyplina naukowa lub artystyczna	Punkty ECTS	
		liczba	%
1.	matematyka	120	100

Grupy przedmiotów zajęć	Przedmiot	Liczba punktów ECTS	Liczba ECTS w dyscyplinie: (wpisać nazwy dyscyplin)			Liczba punktów ECTS z zajęć do wyboru	Liczba punktów ECTS, jaką student uzyskuje w ramach zajęć prowadzonych z bezpośrednim udziałem nauczycieli akademickich lub innych osób prowadzących zajęcia	Liczba punktów ECTS, które student uzyskuje realizując: zajęcia związane z prowadzoną w uczelni działalnością naukową w dyscyplinie lub dyscyplinach, do których przyporządkowany jest kierunek studiów/ zajęcia kształtujące umiejętności praktyczne
			matematyka	informatyka	pozostale			
Grupa I. Podstawowa	Analiza zespolona	6	6			4	6	
	Analiza funkcjonalna	6	6			4	6	
	Topologia z elementami geometrii	6	6			4	6	
Grupa I(n). Podstawowa (dla specjalności nauczycielskich)	Analiza zespolona	6	6			4	6	
	Klasyczne przestrzenie funkcyjne	6	6			4	6	
	Topologia z elementami geometrii	6	6			4	6	

Grupa II. Przedmioty specjalnościowe specjalności "zastosowania matematyki w ekonomii i finansach"	Analiza dynamiczna procesów ekonomicznych	6	6			6	4	6
	Jakościowa teoria równań różniczkowych zwyczajnych	8	8			8	5	8
	Konwersatorium z równań różniczkowych zwyczajnych	2	2			2	2	2
	Modele ciągłe matematyki finansowej	6	6			6	4	6
	Procesy stochastyczne	6	6			6	4	6
	Równania różniczkowe cząstkowe	7	7			7	4	7
	Rachunek prawdopodobieństwa II	6	6			6	4	6
	Matematyczny przedmiot do wyboru dla studiów II stopnia	6	6			6	4	6
	Specjalnościowy przedmiot do wyboru	6	6			6	4	6
Grupa II. Przedmioty specjalnościowe specjalności „ogólna”	Jakościowa teoria równań różniczkowych zwyczajnych	8	8			8	5	8
	Procesy stochastyczne	6	6			6	4	6
	Równania różniczkowe cząstkowe	7	7			7	4	7
	Statystyka matematyczna	8	8			8	5	8
	Teoria Galois	6	6			6	4	6
	Matematyczne przedmioty do wyboru dla studiów II stopnia	18	18			18	12	18
Grupa III. Przedmioty specjalnościowe specjalności teoretycznej	Przedmioty matematyczne wskazane	64	64			64	42	64

	przez opiekuna indywidualnego programu studiów							
Grupa IV. Przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczycielskich Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i>	Konwersatorium dydaktyczne z matematyki (D.1.A)	3	3			3	3	3
	Konwersatorium problemowe	3	3			3	3	3
	Matematyka szkolna z wyższego stanowiska	6	6			6	4	6
	Geometria II	6	6			6	4	6
Grupa V. Dodatkowe przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczanie matematyki i informatyki	Laboratorium grafiki i multimediiów	5		5		5	3	
	Programowanie i algorytmika II	6		6		6	3	6
	Technologie informacyjne II	6		6		6	4	6
Grupa VI. Uzupełniające przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczanie matematyki po specjalnościach nienauczycielskich Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów według <i>Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu</i>	Dydaktyka matematyki (D.1.A)	1	1			1	1	
	Metodyka nauczania matematyki I (konwersatorium) (D.1.A)	3	3			3	2	3
	Metodyka nauczania matematyki I (praktyka) (D.2.A)	2	2			2	1	
	Geometria I	3	3			3	2	3
	Geometria analityczna	6	6			6	4	6
	Technologie	2	2			2	1	

<i>kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i>	informacyjne w nauczaniu							
	Matematyka komputerowa dla nauczycieli (D.1.A)	3	3			3	2	3
Grupa VII. Metodyka nauczania matematyki Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów według <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i>	Metodyka nauczania matematyki III (konwersatorium) (D.1.A)	2	2			2	1	2
	Metodyka nauczania matematyki III (praktyka) (D.2.A)	2	2			2	1	
	Metodyka nauczania matematyki IV (konwersatorium) (D.1.A)	2	2			2	1	2
	Metodyka nauczania matematyki IV (praktyka) (D.2.A)	2	2			2	1	
	Praktyka ciągła z matematyki (D.2.A)	5	5			5	3	
Grupa VIII. Metodyka nauczania informatyki Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i>	Konwersatorium dydaktyczne z informatyki (E.1.A)	3		3		3	2	3
	Metodyka nauczania informatyki III (konwersatorium) (E.1.A)	2		2		2	1	2
	Metodyka nauczania informatyki III (praktyka) (E.2.A)	4		4		4	1	
Grupa IX. Kształcenie nauczycieli dla specjalności nauczycielskich po specjalnościach nauczycielskich	Pedagogika (B.2.2,	2			2	2	1	
	Psychologia (B.1.2,)	2			2	2	1	

Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów według <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i>								
Grupa X. Kształcenie nauczycieli dla specjalności nauczycielskich po specjalnościach nienauczycielskich Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów według <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i>	Emisja głosu (C.2)	1			1	1	1	
	Podstawy pedagogiki (B.2.)	4			4	4	2	
	Podstawy psychologii (B.1.1)	4			4	4	2	
	Pedagogika (B.2.2)	2			2	2	1	
	Psychologia (B.1.2)	2			2	2	1	
	Podstawy dydaktyki (C.1)	2			2	2	1	
	Praktyka pedagogiczna (B.3)	2			2	2	1	
Grupa XI. Matematyczne przedmioty do wyboru dla specjalności nauczycielskich (po specjalnościach nauczycielskich)	5 matematycznych przedmiotów do wyboru - nauczanie matematyki, (Lista ogłaszana przed początkiem roku akademickiego)	30	30			30	20	30
Grupa XII. Wykłady monograficzne		11	11			11	5	11
Grupa XIII. Seminarium magisterskie		18	18			18	6	18
Grupa XIV. Język angielski specjalistyczny	Język angielski specjalistyczny	3			3		2	

Grupa XV. Zajęcia z dziedziny nauk humanistycznych i z dziedziny nauk społecznych (dla spec. nienauczycielskich)	Przedmioty do wyboru, np. z oferty zajęć ogólnouniwersyteckich lub oferowane w ramach innych kierunków studiów	5			5	5	3	
Grupa XVI. Praca dyplomowa i egzamin dyplomowy		12	12			12		12
RAZEM:								
Zastosowania matematyki w ekonomii i finansach		120	112		8	99	62	112
			93%	0%	7%	83%	52%	93%
Ogólna		120	112		8	99	62	112
			93%	0%	7%	83%	52%	93%
Teoretyczna		120	112		8	99	62	112
			93%	0%	7%	83%	52%	93%
Nauczanie matematyki (po specjalnościach nauczycielskich)		127	120		7	106	66	111
			94%	0%	6%	83%	52%	88%
Nauczanie matematyki (po specjalnościach nienauczycielskich)		130	110		20	109	66	96
			85%	0%	15%	84%	51%	74%
Nauczanie matematyki i informatyki		123	90	26	7	102	62	80

		73%	21%	6%	83%	51%	65%
--	--	------------	------------	-----------	------------	------------	------------

Specjalność	Grupy przedmiotów
Zastosowania matematyki w ekonomii i finansach	I, II(mef), XII, XIII, XIV, XV, XVI
Ogólna	I, II, XII, XIII, XIV, XV, XVI
Teoretyczna	I, III, XIII, XIV, XV, XVI
Nauczanie matematyki (po specjalnościach nauczycielskich)	I(n), IV, VII, IX, XI, XII, XIII, XIV, XVI
Nauczanie matematyki (po specjalnościach nienauczycielskich)	I(n), IV, VI, VII, X, XII, XIII, XIV, XVI
Nauczanie matematyki i informatyki	I(n), IV, V, VII, VIII, IX, XII, XIII, XIV, XVI

Grupy przedmiotów	Przedmiot	Treści programowe
Grupa I. Podstawowa	Analiza zespolona	Przedmiot stanowi wprowadzenie do analizy zespolonej z elementami zastosowań ze szczególnym naciskiem na podobieństwa i różnice pomiędzy analizą rzeczywistą, a analizą zespoloną.
	Analiza funkcjonalna	Celem przedmiotu jest przedstawienie ważnych narzędzi matematycznych, których dostarcza analiza funkcjonalna. Zasadnicza część przedmiotu dotyczy klasycznej teorii przestrzeni Banacha (m.in. ciągłości operatorów liniowych, słabych topologii i wypukłości). Pozostała część przedmiotu koncentruje się na teorii szeregów Fouriera funkcji okresowych.
	Topologia z elementami geometrii	Przedmiot obejmuje pogłębioną wiedzę z zakresu teorii przestrzeni metrycznych, podstawową wiedzę na temat przestrzeni topologicznych ze szczególnym uwzględnieniem własności spełnianych przez przestrzenie metryczne. Istotną część materiału stanowi wiedza na temat przestrzeni euklidesowych, w tym zagadnienia niezmienników homeomorfizmów. W szczególności pokazuje się, że przestrzenie euklidesowe o różnych wymiarach algebraicznych nie są homeomorficzne. Własności topologiczne użyte są również do badania pewnych zagadnień geometrycznych. W szczególności wprowadzony jest wzór Eulera oraz omówione są twierdzenia o rozcinaniu przestrzeni euklidesowej.
Grupa I(n). Podstawowa (dla specjalności nauczycielskich)	Analiza zespolona	Przedmiot stanowi wprowadzenie do analizy zespolonej z elementami zastosowań ze szczególnym naciskiem na podobieństwa i różnice pomiędzy analizą rzeczywistą, a analizą zespoloną.
	Klasyczne przestrzenie funkcyjne	Przedmiot stanowi wprowadzenie do klasycznych przestrzeni funkcyjnych, wraz z ilustracją omawianych zagadnień w teorii równań różniczkowych.
	Topologia z elementami geometrii	Przedmiot obejmuje pogłębioną wiedzę z zakresu teorii przestrzeni metrycznych, podstawową wiedzę na temat przestrzeni topologicznych ze szczególnym uwzględnieniem własności spełnianych przez przestrzenie metryczne. Istotną część materiału stanowi wiedza na temat przestrzeni euklidesowych, w tym zagadnienia niezmienników homeomorfizmów. W szczególności pokazuje się, że przestrzenie euklidesowe o różnych wymiarach algebraicznych nie są homeomorficzne. Własności topologiczne użyte są również do badania pewnych zagadnień geometrycznych. W szczególności wprowadzony jest wzór Eulera oraz omówione są twierdzenia o rozcinaniu przestrzeni euklidesowej.
Grupa II. Przedmioty specjalnościowe specjalności "zastosowania matematyki w ekonomii i finansach"	Analiza dynamiczna procesów ekonomicznych	Celem przedmiotu jest przedstawienie wybranych matematycznych modeli opisujących w sposób deterministyczny zjawiska ekonomiczne zachodzące w czasie ze szczególnym uwzględnieniem pojawiających się struktur i własności topologicznych. W tym kontekście szczególnie interesować nas będzie stabilność równowagi ekonomicznej, a także cykle graniczne i bifurkacje. Narzędziami służącymi do analizy przedstawionych modeli będą równania różniczkowe zwyczajne (dla modeli z czasem ciągłym) oraz równania różnicowe (dla modeli z czasem dyskretnym).
	Jakościowa teoria równań różniczkowych zwyczajnych	Przedmiot składa się z trzech części. W pierwszej jego części, mającej charakter informacyjny, przypomina się podstawowe wiadomości z ilościowej teorii równań różniczkowych zwyczajnych. W części drugiej, która jest główną częścią tego wykładu, omawia się elementarne metody jakościowej teorii równań różniczkowych zwyczajnych. Natomiast w trzeciej części przedmiotu, o charakterze ilustracyjnym, stosuje się pewne elementy jakościowej teorii równań różniczkowych do badania modeli matematycznych.

	Konwersatorium z równań różniczkowych zwyczajnych	Celem przedmiotu jest przedstawienie podstawowych informacji na temat istnienia, jednoznaczności i własności rozwiązań równań różniczkowych zwyczajnych. Dyskutowane są również elementy ilościowej teorii równań różniczkowych zwyczajnych.
	Modele ciągłe matematyki finansowej	Celem przedmiotu jest wprowadzenie w problematykę wyceny instrumentów finansowych na rynkach finansowych działających w czasie ciągłym.
	Procesy stochastyczne	Celem przedmiotu jest przedstawienie podstaw teorii procesów stochastycznych jako wydajnego narzędzia modelowania zjawisk losowych.
	Równania różniczkowe cząstkowe	Przedmiot stanowi wstęp do klasycznej teorii równań różniczkowych cząstkowych. Rozpoczyna się od równania transportu w jednym wymiarze i metody charakterystyk dla quasi-liniowych równań pierwszego rzędu. Wprowadza się klasyczne metody rozwiązywania równań oparte na szeregach Fouriera w przypadku równań eliptycznych, reakcji dyfuzji i falowych. Dowodzi się twierdzeń o jednoznaczności dla eliptycznych i parabolicznych zagadnień brzegowych. Wyprowadza również wzory na rozwiązania zagadnienia Poissona czy równania ciepła na całej przestrzeni euklidesowej. Wyprowadza się wzory Kirchhoffa i Poissona dla równania falowego. Ostatnia część przedmiotu poświęcona jest podstawom przestrzeni Sobolewa i metodzie wariacyjnej dla zagadnień eliptycznych.
	Rachunek prawdopodobieństwa II	Jest to zaawansowany kurs z rachunku prawdopodobieństwa obejmujący zarówno zagadnienia dotyczące wektorów losowych i ich rozkładów, rozkładów warunkowych i warunkowej wartości oczekiwanej, jak i różnorodne zagadnienia asymptotyczne w tym słabe i mocne prawa wielkich liczb i twierdzenia graniczne o zbieżności do rozkładu Poissona i rozkładu normalnego. Przedstawiane są przykłady praktycznych zastosowań.
	Matematyczny przedmiot do wyboru dla studiów II stopnia	Treści programowe zależą od wybranych przedmiotów. Studenci realizują przedmioty z listy ogłaszanej przed początkiem roku akademickiego.
	Specjalnościowy przedmiot do wyboru	Treści programowe zależą od wybranych przedmiotów. Studenci realizują przedmioty z listy ogłaszanej przed początkiem roku akademickiego.
Grupa IIog. Przedmioty specjalnościowe specjalności „ogólna”	Jakościowa teoria równań różniczkowych zwyczajnych	Przedmiot składa się z trzech części. W pierwszej jego części, mającej charakter informacyjny, przypomina się podstawowe wiadomości z ilościowej teorii równań różniczkowych zwyczajnych. W części drugiej, która jest główną częścią tego wykładu, omawia się elementarne metody jakościowej teorii równań różniczkowych zwyczajnych. Natomiast w trzeciej części przedmiotu, o charakterze ilustracyjnym, stosuje się pewne elementy jakościowej teorii równań różniczkowych do badania modeli matematycznych.
	Procesy stochastyczne	Celem przedmiotu jest przedstawienie podstaw teorii procesów stochastycznych jako wydajnego narzędzia modelowania zjawisk losowych
	Równania różniczkowe cząstkowe	Przedmiot stanowi wstęp do klasycznej teorii równań różniczkowych cząstkowych. Rozpoczyna się od równania transportu w jednym wymiarze i metody charakterystyk dla quasi-liniowych równań pierwszego rzędu. Wprowadza się klasyczne metody rozwiązywania równań oparte na szeregach

		Fouriera w przypadku równań eliptycznych, reakcji dyfuzji i falowych. Dowodzi się twierdzeń o jednoznaczności dla eliptycznych i parabolicznych zagadnień brzegowych. Wyprowadza również wzory na rozwiązania zagadnienia Poissona czy równania ciepła na całej przestrzeni euklidesowej. Wyprowadza się wzory Kirchhoffa i Poissona dla równania falowego. Ostatnia część przedmiotu poświęcona jest podstawom przestrzeni Sobolewa i metodzie wariacyjnej dla zagadnień eliptycznych.
	Statystyka matematyczna	Celem wykładu jest przedstawienie podstawowych pojęć i zasad wnioskowania statystycznego i podstaw statystyki matematycznej. Ćwiczenia poświęcone będą analizie i stosowaniu omawianych na wykładzie modeli statystycznych, metod i algorytmów wnioskowania statystycznego. Podczas laboratorium używane będą program R i pakiet SPSS.
	Teoria Galois	Przedstawienie podstaw teorii rozszerzeń algebraicznych ciał, ze szczególnym naciskiem na teorię Galois.
	Matematyczne przedmioty do wyboru dla studiów II stopnia	Treści programowe zależą od wybranych przedmiotów. Studenci realizują przedmioty z listy ogłaszanej przed początkiem roku akademickiego.
<p>Grupa IV. Przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczycielskich</p> <p>Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i></p>	Konwersatorium dydaktyczne z matematyki (D.1.A)	<p>Przedmiot stanowi wprowadzenie w wybrane zagadnienia metodyczne, które pojawiają się w nauczaniu matematyki w szkołach ponadgimnazjalnych.</p> <p>Jest ściśle związany z przedmiotami Metodyka nauczania matematyki IV - konwersatorium i Metodyka nauczania matematyki IV - praktyka (1000-M2MM4).</p> <p>W czasie zajęć szczególny nacisk kładzie się na wieloaspektową rolę zadań matematycznych w nauczaniu matematyki. Ich wielostronnej analizy uczą się w ramach wybranej przez prowadzącego tematyki, która może zmieniać się z roku na rok.</p>
	Konwersatorium problemowe	<p>Przedmiot stanowi uzupełnienie przedmiotów bloku dydaktycznego na studiach nauczycielskich II stopnia. Stanowi on pomoc w przygotowaniu przyszłego nauczyciela (zwłaszcza szkoły ponadpodstawowej) do pracy z uczniami o zróżnicowanych potrzebach, w szczególności uzdolnionymi matematycznie. Celem konwersatorium jest:</p> <ol style="list-style-type: none"> szczegółowe prześledzenie problemów metodycznych związanych z omawianiem w szkole ciągów, przejścia granicznego oraz rachunku prawdopodobieństwa, wskazanie przyszłym nauczycielom pojęć, zagadnień, bloków tematycznych, w które można i warto wprowadzać uczniów uzdolnionych i szczególnie zainteresowanych matematyką.
	Matematyka szkolna z wyższego stanowiska	Celem wykładu jest przedstawienie zagadnień bliskich matematyce szkolnej z perspektywy różnych teorii matematycznych.
	Geometria II	Jest to kontynuacja przedmiotu Geometria I. Celem zajęć jest zapoznanie słuchaczy z podstawowymi twierdzeniami i metodami geometrii elementarnej. Materiał ilustrujący jest dobrany pod kątem wiedzy i umiejętności niezbędnych przyszłym nauczycielom. Do odkrywania twierdzeń i poszukiwania ich dowodów wykorzystywany jest program geometryczny GeoGebra.

Grupa V. Dodatkowe przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczanie matematyki i informatyki	Laboratorium grafiki i multimediiów	Celem zajęć jest zapoznanie studentów z podstawowymi algorytmami grafiki komputerowej zarówno 2D jak i 3D.
	Programowanie i algorytmika II	Celem przedmiotu jest poszerzenie wiedzy na temat algorytmów i programowania. Omówione zostaną złożone struktury danych (np. kolejki priorytetowe, drzewa przedziałowe, słownikowe, drzewa czerwono czarne, kopce Fibonacciego, struktury danych dla zbiorów rozłącznych) oraz algorytmy dla wybranych problemów kombinatorycznych, grafowych, szyfrowania danych. Pogłębiona zostanie umiejętność programowania obiektowego. Ponadto na przedmiocie pojawią się elementy programowania robotów oraz tworzenia aplikacji na urządzenia mobilne.
	Technologie informacyjne II	Na przedmiocie omawiane są następujące zagadnienia: 1. Infrastruktura oraz rola protokołów sieciowych w modelu TCP/IP. 2. Współczesne rekomendacje dotyczące tworzenia zawartości dla sieci WWW. 3. Zasady tworzenia treści stron internetowych opartych na technologiach znakowania (HTML). 4. Modele i technologie wizualizacji treści WWW (techniki CSS i możliwości HTML5). 5. Metody i wybrane technologie tworzenia szablonów strony WWW (strona serwera WWW) 6. Wybrane technologie tworzenia i obsługi elementów interaktywnych na stronach WWW (skrypty php, JavaScript). 7. Przykładowe narzędzia łączenia różnego rodzaju treści w jeden pakiet do publikacji. 8. Przykłady projektowania oraz zarządzania treścią (rola sieciowych bazy danych).
Grupa VI. Uzupełniające przedmioty specjalnościowe dla specjalności nauczanie matematyki po specjalnościach nienauczycielskich Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów według <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora</i>	Dydaktyka matematyki (D.1.A)	Przedmiot Dydaktyka matematyki (1000-M1DYM) jest pierwszym z przedmiotów w bloku zajęć przygotowujących do zawodu nauczyciela matematyki. Poprzedza lub realizowany jest równoległe z początkowymi zajęciami przedmiotu: Metodyka nauczania matematyki I (1000-M1MM1-Konwersatorium). Realizowany jest w formie wykładu. Celem wykładu jest przedstawienie podstawowych zagadnień dydaktyki matematyki oraz naszkicowanie przykładów wykorzystania jej osiągnięć w procesie nauczania matematyki na różnych poziomach kształcenia. Wprowadzenie na wykładzie podstawowych pojęć dydaktyki matematyki umożliwia studentowi aktywne uczestniczenie w zajęciach z Metodyki nauczania matematyki I (1000-M1MM1) oraz odbycie praktyki ciągłej.

<p><i>UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i></p>	<p>Metodyka nauczania matematyki I (konwersatorium) (D.1.A)</p> <p>Metodyka nauczania matematyki I (praktyka) (D.2.A)</p>	<p>Zajęcia mają na celu kształcenie u studentów spojrzenia na matematykę szkolną z pozycji nauczyciela, zapoznanie z ważnymi przykładami sposobów rozwiązywania problemów metodycznych oraz pomoc przy podejmowaniu samodzielnych prób tego typu.</p> <p>Na studiach 1 st. przedmioty 1000-M1MM1 oraz 1000-M1MM2 stanowią przedmioty główne w bloku zajęć przygotowujących do zawodu nauczyciela matematyki. Na studiach 2 st. dla specjalności Nauczanie matematyki po studiach nienauczycielskich są to przedmioty: 1000-M1MM1, 1000-M2MM3, 1000-M2MM4.</p> <p>Studentów studiów I stopnia obowiązuje praktyka ciągła w szkole podstawowej. Dotyczy to również studentów 2 stopnia, specjalności nauczanie matematyki po studiach nienauczycielskich.</p> <p>Na przedmiot 1000-M1MM1 składają się dwa rodzaje zajęć: konwersatorium i śródroczna praktyka przedmiotowo-metodyczna. Obie formy zajęć wzajemnie się uzupełniają i są ściśle związane z wykładem z Dydaktyki matematyki (1000-M1DYM).</p>
	Geometria I	<p>Celem zajęć jest zapoznanie słuchaczy z podstawowymi twierdzeniami i metodami geometrii elementarnej. Materiał dobrany jest pod kątem wiedzy i umiejętności niezbędnych przyszłym nauczycielom. Do odkrywania twierdzeń i poszukiwania ich dowodów wykorzystywany jest program komputerowy Geogebra.</p>
	Geometria analityczna	<p>Elementarny wykład obejmuje rachunek wektorowy w przestrzeni Euklidesowej n-wymiarowej E^n, wybrane zagadnienia geometrii analitycznej w przestrzeniach E^2 i E^3 oraz analityczny opis krzywych stożkowych na płaszczyźnie. Istotne jest powiązanie treści wykładu z elementami geometrii analitycznej nauczanej w szkole. Ćwiczenia mają charakter rachunkowy. Ich zadaniem jest pomoc w zrozumieniu treści wykładu ze szczególnym uwzględnieniem potrzeb przyszłego nauczyciela matematyki.</p>
	Technologie informacyjne w nauczaniu	<p>Zajęcia, prowadzone w formie laboratorium, mają na celu praktyczne zaznajomienie studentów z możliwymi zastosowaniami technologii informacyjnych w nauczaniu różnych przedmiotów, przy różnych możliwych stopniach zaawansowania stosowanych narzędzi i różnym stopniu intensywności użycia TI.</p>
	Matematyka komputerowa dla nauczycieli (D.1.A)	<p>Głównym celem przedmiotu jest poznanie podstawowych narzędzi programu komputerowego GeoGebra oraz umiejętność wykorzystania go jako pomocy w nauczaniu matematyki w szkole.</p>
Grupa VII. Metodyka	Metodyka nauczania	<p>Przedmiot obejmuje dwa rodzaje zajęć: konwersatorium 1000-M2MM3 oraz praktykę śródroczną 1000-</p>

nauczania matematyki	matematyki III	M2MM3, które się wzajemnie uzupełniają. Z przedmiotem tym związane jest również praktyka ciągła w szkole ponadpodstawowej obowiązująca absolwentów studiów 1 stopnia nauczycielskich. W tym samym czasie studenci studiów 1 stopnia nienauczycielskich realizują praktykę ciągłą w szkole podstawowej. Zajęcia mają na celu kształcenie u studentów spojrzenia na matematykę szkolną z pozycji nauczyciela, przygotowanie ich do otwartej i twórczej postawy wobec aktualnych programów oraz zachodzących zmian w systemie edukacji, a także kształcenie umiejętności doboru właściwych rozwiązań metodycznych.
	Metodyka nauczania matematyki IV	Przedmiot 1000-M2MM4 jest ostatnim głównym przedmiotem w bloku zajęć na studiach II stopnia przygotowujących do zawodu nauczyciela matematyki w szkole ponadpodstawowej. Jego dopełnieniem jest Konwersatorium problemowe 1000-M2KPR. Przedmiot 1000-M2MM4 obejmuje dwa rodzaje zajęć: 1000-M2MM4-Konwersatorium i 1000-M2MM4-Praktyka, które się wzajemnie uzupełniają. Zajęcia mają na celu kształcenie u studentów spojrzenia na matematykę szkolną z pozycji nauczyciela III etapu edukacyjnego, kształtowanie otwartej i twórczej postawy wobec aktualnych programów, zachodzących zmian w systemie edukacji oraz zróżnicowanych potrzeb uczniów. Celem tych zajęć jest także uwrażliwienie przyszłych nauczycieli na to, w jaki sposób przekazywać uczniom na różnych poziomach nauczania rozmaite elementy metodologii matematyki.
	Praktyka ciągła z matematyki	Praktyka ciągła z matematyki przebiega zgodnie z Regulaminem Ciągłej Praktyki Przedmiotowo-Metodycznej.
Grupa VIII. Metodyka nauczania informatyki	Konwersatorium dydaktyczne z informatyki	Jest to pierwszy z cyklu przedmiotów dotyczących szeroko pojętej dydaktyki informatyki, przewidziany programem studiów. Przedmiot ma charakter poglądowy i obejmuje całokształt zagadnienia dydaktyki informatyki.
	Metodyka nauczania informatyki III	Celem zajęć jest przygotowanie studenta do nauczania przedmiotu "Informatyka" na III i IV etapie edukacyjnym, głównie na poziomie podstawowym.
Grupa IX. Kształcenie nauczycieli dla specjalności nauczycielskich po specjalnościach nauczycielskich	Pedagogika	Przekaz i przyswojenie podstawowych, ogólnych, zintegrowanych w całościowy schemat, wiadomości o rozwoju, socjalizacji, wychowaniu, kształceniu i autoedukacji człowieka; Przekaz podstawowego języka opisu świata rozwoju, wychowania i kształcenia człowieka.
	Psychologia	Wykłady i ćwiczenia z psychologii mają za zadanie wyposażyć studenta w podstawową wiedzę na temat emocjonalnego, psychologicznego, społecznego i fizycznego funkcjonowania człowieka, zwłaszcza dzieci i adolescentów jako uczestników edukacji, ich możliwych trudności emocjonalnych, zachowania czy zaburzeń osobowości oraz technik interwencyjnych i możliwych metod wsparcia, które studenci będą mogli wykorzystać w swojej pracy zawodowej. Na wykładzie zagadnienia te omówione zostaną od strony definicji, klasyfikacji i etiologii. W trakcie ćwiczeń zagadnienia teoretyczne będą dyskutowane, a niezbędne umiejętności nauczyciela w relacji z uczniami, rodzicami i współpracownikami ćwiczone w bezpiecznych warunkach zajęć na podstawie fragmentów filmów, książek lub prawdziwych wydarzeń i doświadczenia własnego studentów na podstawie metody

		doświadczeń Kolba.
<p>Grupa X. Kształcenie nauczycieli dla specjalności nauczycielskich po specjalnościach nienauczycielskich</p> <p>Obok nazwy przedmiotu podano oznaczenie grupy przedmiotów według <i>Zgodnie z Zarządzeniem Nr 194 Rektora UMK z dnia 19 grudnia 2022 r. w sprawie wprowadzenia na Uniwersytecie Mikołaja Kopernika modelu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela</i></p>	Emisja głosu (C.2)	Przedmiot odbywa się w ramach przygotowania psychologiczno-pedagogicznego do wykonywania zawodu nauczyciela. Jego ogólne efekty reguluje Rozporządzenie Ministra Nauki i Szkolnictwa Wyższego z dnia 25 lipca 2019 r. w sprawie standardu kształcenia przygotowującego do wykonywania zawodu nauczyciela (Dz. U. poz. 1450 z 2019 r.). Ćwiczenia przygotowują studenta do świadomego i efektywnego posługiwania się głosem w przyszłej pracy zawodowej nauczyciela.
	Podstawy pedagogiki (B.2.1)	Przedmiot obejmuje zagadnienia dotyczące podstaw pedagogiki, jej celów i zadań. Celem wykładu jest omówienie różnych ujęć pedagogiki jako nauki, z uwzględnieniem kontekstu historycznego i kulturalnego. Przekaz i przyswojenie podstawowych, ogólnych, zintegrowanych w całościowy schemat, wiadomości o rozwoju, socjalizacji, wychowaniu, kształceniu i autoedukacji człowieka. 1. Pedagogika jako nauka i jej dyscypliny szczegółowe 2. Podstawowe pojęcia i kategorie pedagogiczne. 3. Proces wychowania – dziedziny, cele, treści i uwarunkowania 4. Pedagogiczny i antropologiczny obraz wychowania 5. Procesy hominizacji osobniczej: 6. Kondycja współczesnej pedagogiki. Przekaz i przyswojenie podstawowych, ogólnych, zintegrowanych w całościowy schemat, wiadomości o rozwoju, socjalizacji, wychowaniu, kształceniu i autoedukacji człowieka.
	Podstawy psychologii (B.1.1)	Wykłady i ćwiczenia z Podstaw psychologii mają za zadanie wyposażyć studenta w podstawowe zagadnienia z psychologii. Zaprezentowana zostanie współczesna wiedza psychologiczna dotycząca funkcjonowania człowieka, szczególnie funkcjonowania młodego człowieka w środowiskach wychowawczych. Student nabędzie także podstawowe umiejętności konieczne do prowadzenia lekcji, autoprezentacji, radzenia sobie ze stresem, a także stosowania w pracy wzmocnień pozytywnych i negatywnych
	Pedagogika (B.2.2)	Przekaz i przyswojenie podstawowych, ogólnych, zintegrowanych w całościowy schemat, wiadomości o rozwoju, socjalizacji, wychowaniu, kształceniu i autoedukacji człowieka; Przekaz podstawowego języka opisu świata rozwoju, wychowania i kształcenia człowieka.
	Psychologia (B.1.2)	Wykłady i ćwiczenia z psychologii mają za zadanie wyposażyć studenta w podstawową wiedzę na temat emocjonalnego, psychologicznego, społecznego i fizycznego funkcjonowania człowieka, zwłaszcza dzieci i adolescentów jako uczestników edukacji, ich możliwych trudności emocjonalnych, zachowania czy zaburzeń osobowości oraz technik interwencyjnych i możliwych metod wsparcia, które studenci będą mogli wykorzystać w swojej pracy zawodowej. Na wykładzie zagadnienia te omówione zostaną od strony definicji, klasyfikacji i etiologii. W trakcie ćwiczeń zagadnienia teoretyczne będą dyskutowane, a niezbędne umiejętności nauczyciela w relacji z uczniami, rodzicami i współpracownikami ćwiczone w bezpiecznych warunkach zajęć na podstawie fragmentów filmów, książek lub prawdziwych wydarzeń i doświadczenia własnego studentów na podstawie metody

		doświadczeń Kolba.
	Podstawy dydaktyki (C.1)	Dobór treści zawartych w przedmiocie ma na celu zapoznanie studentów/teki z obszarem nauki jaką jest dydaktyka. Studenci poznają m.in. proces uczenia się, przedstawicieli dyscypliny, systemy dydaktyczne, cele kształcenia, treści, proces kształcenia, zasady oraz metody, formy organizacyjne, planowanie pracy dydaktycznej. W trakcie realizacji zajęć podejmowane są zagadnienia pracy z uczniem zdolnym, indywidualizacji kształcenia oraz ewaluacji pracy uczniów.
	Praktyka pedagogiczna (B.3)	Celem praktyki jest gromadzenie doświadczeń związanych z pracą opiekuńczo-wychowawczą w szkole podstawowej (klasy IV-VIII) lub ponadpodstawowej. Praktyka jest realizowana zgodnie z obowiązującymi przepisami, w tym tzw. ustawą Kamilka oraz zarządzeniem JM Rektora UMK w tej sprawie
Grupa XII. Wykłady monograficzne		Przedmiot powiązany z seminarium magisterskim. Jego celem jest pogłębienie wiedzy i umiejętności studentów w zakresie związanym z tematyką seminarium magisterskiego.
Grupa XIII. Seminarium magisterskie		Celem przedmiotu jest przygotowanie studentów do napisania pracy dyplomowej. Treści programowe zależą od specyfiki konkretnego seminarium i tematyki pracy. W ramach zajęć studenci przygotowują prace seminaryjne i referaty związane z tematyką przyszłych prac magisterskich oraz przygotowują się do egzaminu dyplomowego.
Grupa XIV. Język angielski specjalistyczny	Język angielski specjalistyczny	Program kursu zakłada kształcenie kompetencji językowych na poziomie B2+ z uwzględnieniem słownictwa specjalistycznego związanego z kierunkiem studiów. Treści kształcenia pozostają w zgodzie z Europejskim Systemem Opisu Kształcenia Językowego: Common European Framework of Reference for Languages. Szczególny nacisk położony jest na doskonalenie umiejętności komunikowania się w języku angielskim.
Grupa XV. Zajęcia z dziedziny nauk humanistycznych i z dziedziny nauk społecznych (dla spec. nienauczycielskich)	Przedmioty do wyboru, np. z oferty zajęć ogólnouniwersyteckich lub oferowane w ramach innych kierunków studiów	Zajęcia z dziedziny nauk humanistycznych i z dziedziny nauk społecznych. Treści programowe zależą od wybranych przedmiotów. Studenci realizują przedmioty z oferty zajęć ogólnouniwersyteckich lub oferowane w ramach innych kierunków studiów.
Grupa XVI. Praca dyplomowa i egzamin dyplomowy		Samodzielne przygotowanie pracy dyplomowej, samodzielne przygotowanie do egzaminu dyplomowego oraz egzamin dyplomowy.

Program studiów obowiązuje od semestru zimowego roku akademickiego 2025/2026.